



UNIVERSITETET  
I OSLO

# Effektiv eksekvering av spørsmål

---

Basert på foiler av Hector Garcia-Molina,  
Ragnar Normann

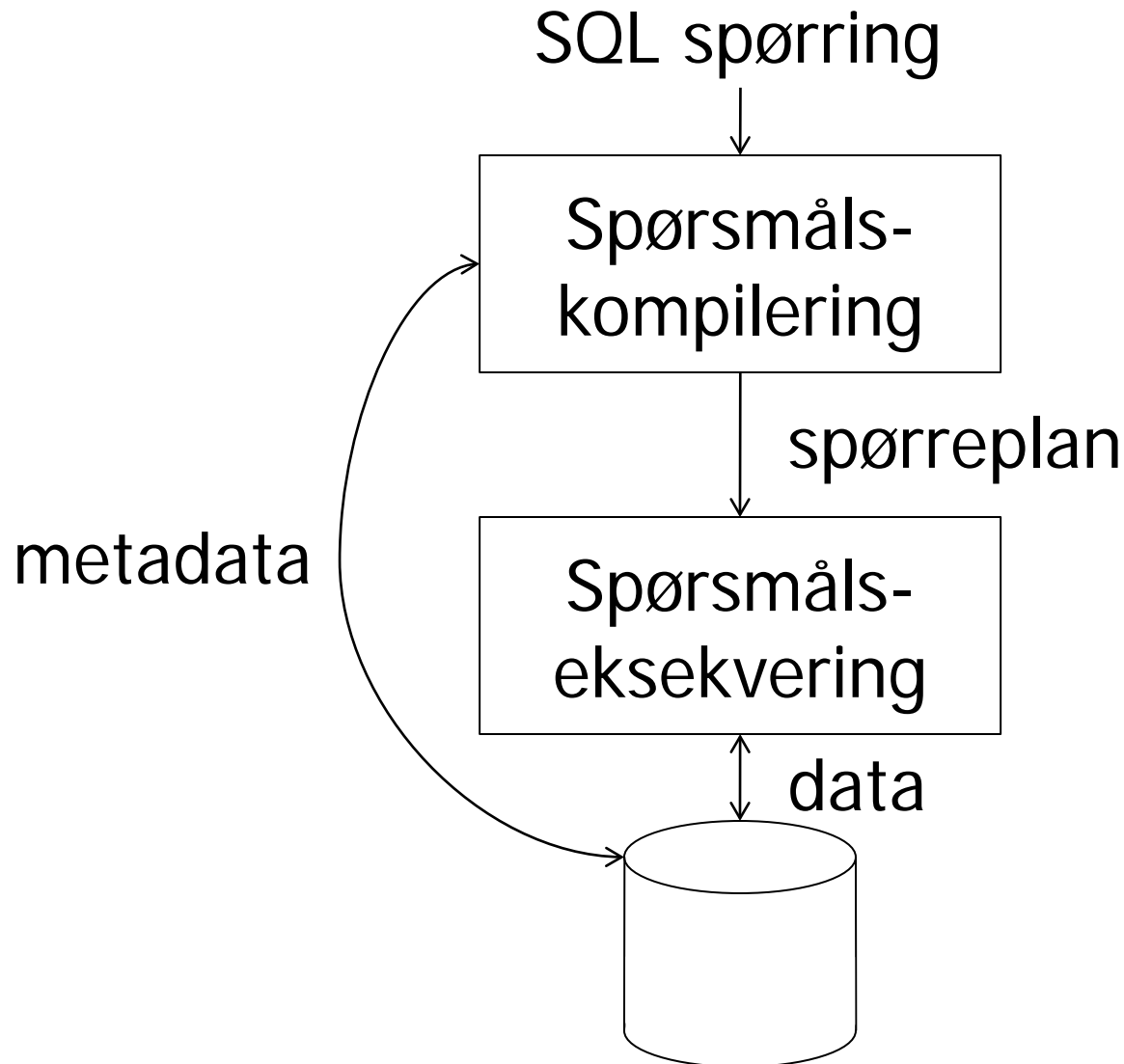


# Oversikt

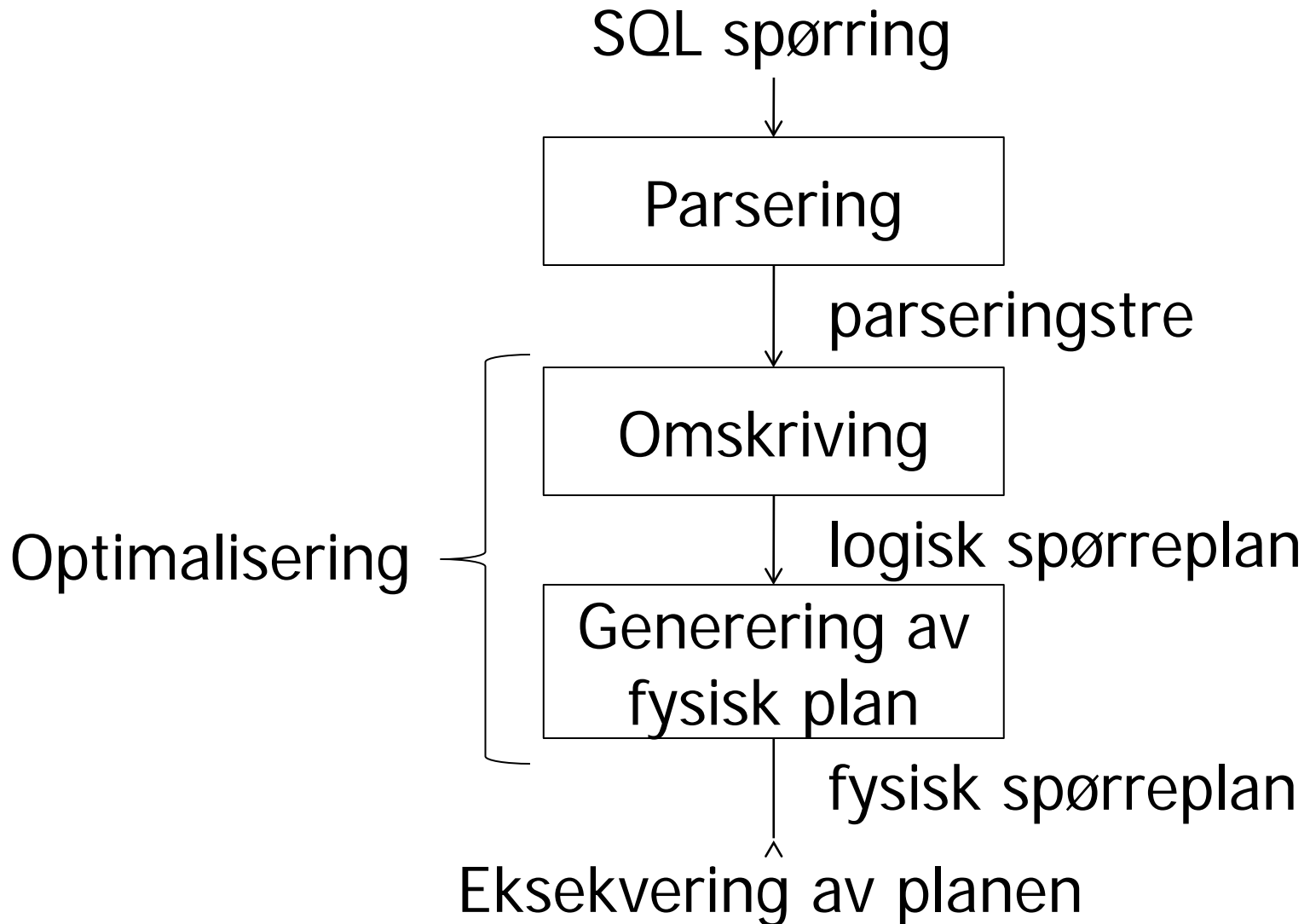
---

- ✓ Spørsmålshåndtering
- ✓ Modell for kostnadsberegning
- ✓ Kostnad for basis-operasjoner
- ✓ Implementasjons-algoritmer

# Spørsmålshåndtering

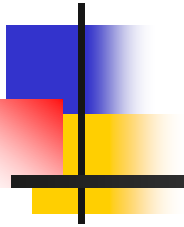


# Spørsmålskompilering



# Modell for kostnadsberegning

---



# Operatorer

- ✓ En spørring består av flere operasjoner fra relasjonsalgebraen.
  - En fysisk spørreplan implementeres av et sett operatører tilsvarende operatorene fra relasjonsalgebraen.
  - I tillegg trenger vi basis-operatører for å lese (skanne) en relasjon, sortere en relasjon osv.
- ✓ For å kunne velge en god plan må vi kunne estimere kostnaden til hver operator.
  - Vi vil bruke **antall disk-I/O** og antar generelt at
    - Operandene må initielt hentes fra disk.
    - Resultatet brukes direkte fra minnet.
    - Andre kostnader kan ignoreres.

# Kostnadsparametre

- ✓ Hvilken mekanisme som har lavest kostnad avhenger av flere faktorer, inkludert
  - Antall tilgjengelige blokker i minnet,  $M$
  - Om det finnes indekser, og hva slags.
  - Layout på disken og spesielle disk-egenskaper.
  - ...
- ✓ For en relasjon  $R$  trenger vi i tillegg å vite
  - Antall blokker som kreves for å lagre alle tuplene,  $B(R)$
  - Antall tupler i  $R$ ,  $T(R)$
  - Antall distinkte verdier for et attributt  $a$ ,  $V(R, a)$   
(gjennomsnittlig antall tupler som er like på  $a$  er da  $T(R)/V(R, a)$ )



# Faktorer som øker kostnaden

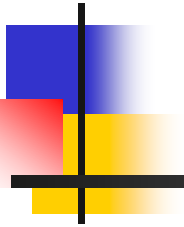
---

- ✓ Bruk av indeks som ikke ligger i minnet.
- ✓ Et sett med tupler som passer inn i  $b$  blokker kan likevel bruke  $b+1$  blokker ved at de ikke starter på begynnelsen av den første blokken.
- ✓ Blokkene kan inneholde ledig plass for innsetting av nye tupler.
- ✓ Data kan være sortert og gruppert, lagret på hver sin blokk – fragmentering.
- ✓ R lagres sammen med andre relasjoner – clustered file organization
  
- ✓ Vi vil *ikke* inkludere disse faktorene i våre estimer.



# Kostnad for basis- operasjoner

---



# Kostnad for basisoperasjoner

- ✓ Kostnaden for å lese en diskblokk er 1 disk I/O
- ✓ Kostnaden for å skrive en diskblokk er 1 disk I/O
- ✓ Oppdatering koster 2 disk I/O
  
- ✓ En av de fundamentale operasjonene er å lese en relasjon  $R \rightarrow$  kostnaden avhenger av lagringen
  - Samlet (clustered) relasjon, alle poster lagret samlet –  $B(R)$  disk I/O
  - Spredt (scattered) relasjon, poster på ulike blokker –  $\max T(R)$  disk I/O
  
  - Vi vil generelt anta samlede relasjoner.

# Sortering

- ✓ **Sort-scan** leser en relasjon R og returnerer R i sortert rekkefølge.
  - Kan bruke en indeks med liste av sorterte pekere, f.eks. B-trær eller en sekvensiell indeksfil.
  - Hvis hele relasjonen får plass i minnet, bruk en effektiv sorteringsalgoritme – kostnad  $B(R)$  disk I/O
  - Hvis relasjonen er for stor til å få plass i minnet, må vi bruke en sorteringsalgoritme som håndterer data i flere pass  
→ ofte brukt: two-phase multiway merge sort (TPMMS)

# Two-Phase, Multiway-Merge Sort (TPMMS)

- ✓ Fase 1: Sorter deler av relasjonen (så mye som det er plass til i minnet) om gangen.
  - Fyll alle tilgjengelige minneblokker med blokker som inneholder relasjonen.
  - Sorter alle blokkene i minnet.
  - Skriv de sorterte listene tilbake til disk.
  - Gjenta til alle blokkene er lest og alle postene er sortert i sub-lister.
  - ⇒ Kostnad  $2B(R)$ , dvs alle blokkene er både lest og skrevet.

# Two-Phase, Multiway-Merge Sort (TPMMS)

- ✓ Fase 2: flett (merge) alle de sorterte sub-listene til en sortert liste
  - Les den første blokken til hver sub-liste inn i minnet og sammenlign det første elementet i hver blokk.
  - Plasser det minste elementet i den nye listen.
  - ⇒ Kostnad  $B(R)$
- ⇒ Total kostnad  $3B(R)$

# TPMMS: Eksempel

✓  $M=2$ ,  $B(R)=4$ ,  $T(R)=8$

- Fyll minnet
- Sorter
- Skriv tilbake sub-listen
- Gjenta

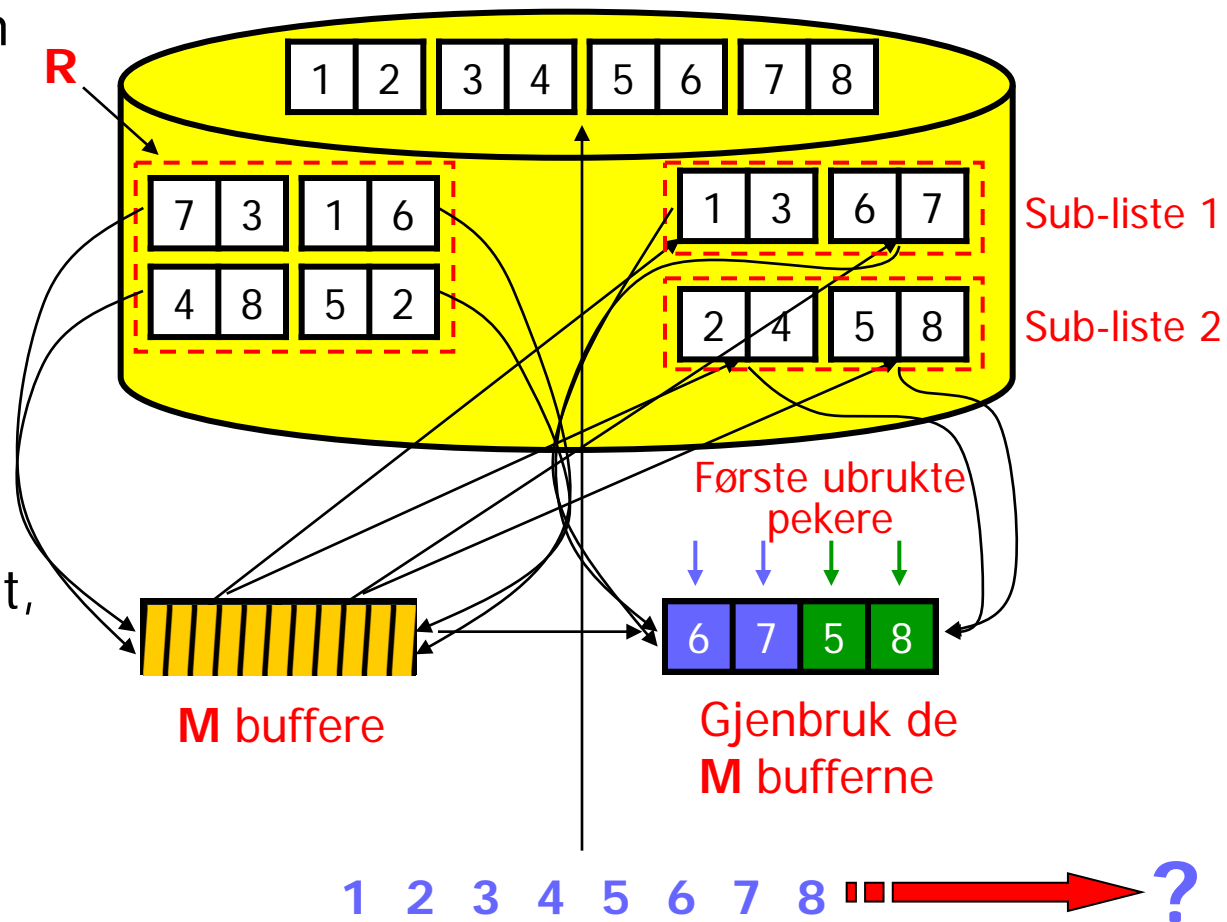
- Les første blokk i hver sub-liste
- Sammenlign første *ubrukte* element
- Output minste element, hent ny blokk hvis nødvendig
- Gjenta de to siste stegene

## Merk 1:

ofte skrives resultatet tilbake til disk, men vi antar at resultatet gis videre til en annen operator eller returneres som sluttresultatet – kostnad  $3B(R)$

## Merk 2:

hvis R ikke er samlet, kostnad  $T(R)+2B(R)$



# Hash-partisjonering

- ✓ Hash-funksjonen samler tupler som skal sees på i sammenheng.
- ✓ Med  $M$  tilgjengelige buffere: bruk  $M-1$  buffere for buckets,  $1$  for å lese disk-blokker
- ✓ Algoritme:

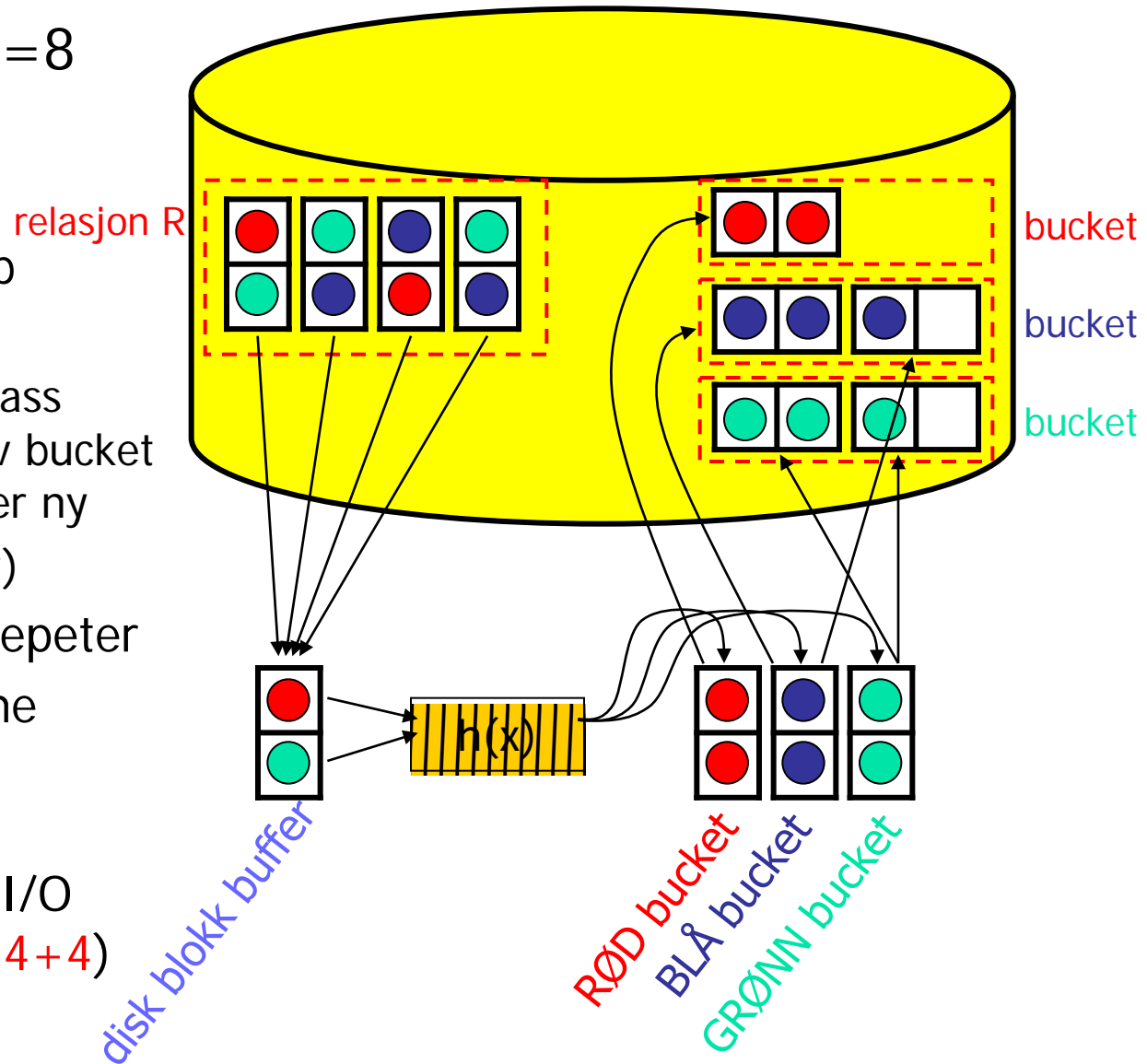
```
FOR hver blokk b i relasjon R {  
    les b inn i buffer M  
    FOR hvert tuppel t i b {  
        IF NOT plass i bucket h(t) {  
            kopier bucket h(t) til disk  
            initialiser ny blokk for bucket h(t) }  
        kopier t til bucket h(t) }  
    }  
FOR hver ikke-tom bucket { skriv bucket til disk }
```

⇒ Kostnad  $2B(R)$  – les alle data og skriv dem partisjonert tilbake. (NB: Dette inkluderer altså skriving tilbake!)

# Hash-partisjonering: eksempel

✓  $M=4$ ,  $B(R)=4$ ,  $T(R)=8$

- initialiser bufferne
- les blokk b
- for hvert tuppel t i b
  - beregn  $h(t)$
  - hvis det ikke er plass i bucket  $h(t)$ , skriv bucket til disk og initialiser ny
  - legg t i bucket  $h(t)$
- les neste blokk og repeter
- skriv alle ikke-tomme buckets til disk
- kostnad  $2B(R)$  disk I/O (egentlig  $4+5$ , ikke  $4+4$ )





# Eksekvering av spørsmål

- ✓ Tre hovedklasser med algoritmer:
  - sortings-baserte
  - hash-baserte
  - indeks-baserte
- ✓ I tillegg kan kostnad og kompleksitet deles inn i ulike nivåer
  - ett-pass algoritmer – data passer i minnet, leses bare en gang fra disk.
  - to-pass algoritmer – data for stort for minnet, les data, prosesser, skriv tilbake, les på nytt
  - n-pass algoritmer – rekursive generaliseringer av to-pass algoritmer for metoder som trenger flere pass over hele datasettet

# Ulike grupper operatører

## ✓ tuppel-om-gangen, unære operasjoner:

- seleksjon ( $\sigma$ )
- projeksjon ( $\pi$ )

## ✓ full-relasjon, unære operasjoner:

- gruppering ( $\gamma$ )
- duplikat-eliminering ( $\delta$ )

## ✓ full-relasjon, binære operasjoner:

- sett og bag union ( $\cup$ )
- sett og bag snitt ( $\cap$ )
- sett og bag differanse ( $-$ )
- join ( $\bowtie$ )
- produkt ( $\times$ )

Vi skal nå se på flere måter å implementere disse operatorene på ved hjelp av ulike algoritmer og ulikt antall pass.



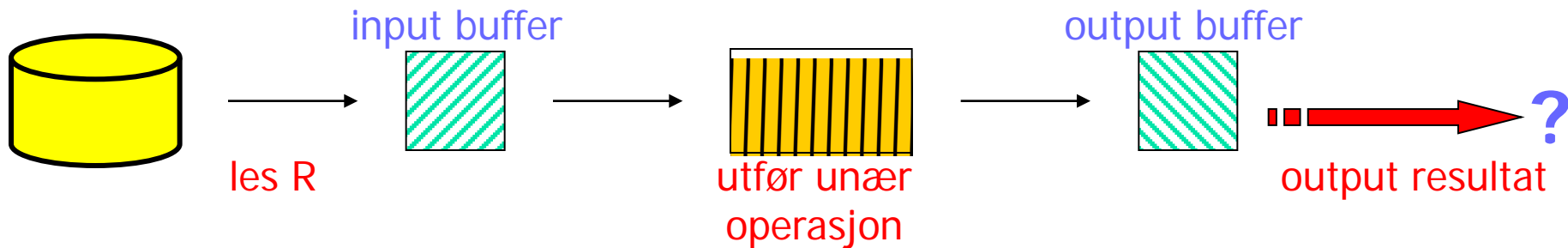
# Unære, Tuppel-om-gangen Operasjoner

---

Merk at heretter foreleses bare utvalgte deler  
og oppsummeringer!

# Tuppel-om-gangen operatorer

- ✓ Både **seleksjon** ( $\sigma$ ) og **projeksjon** ( $\pi$ ) har opplagte algoritmer – uavhengig av om relasjonen passer i minnet eller ikke:



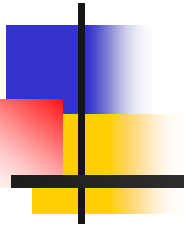
- ✓ Eneste krav til minnet er  $M \geq 1$  for input-bufferet.
- ✓ Kostnaden avhenger av hvordan  $R$  ligger
  - i minnet – 0
  - på disk, typisk
    - $B(R)$  disk I/O hvis  $R$  ligger samlet
    - $T(R)$  disk I/O hvis  $R$  ikke ligger samlet (max)

# Tuppel-om-gangen: Worst-case

- ✓ **Worst-case** eksempel:  $T(R) = 20.000$ ,  $B(R) = 1000$ ,  $\sigma_{a=v}(R)$ 
  - ingen indeks
    - R samlet – hent alle blokkene → 1000 disk I/O
    - R ikke samlet – alle tuplene er på forskjellige blokker → 20.000 disk I/O
  - index, R ikke samlet – hent  $T(R) / V(R, a)$ 
    - $V(R, a) = 100 \rightarrow 20.000 / 100 = 200$  disk I/O
    - $V(R, a) = 10 \rightarrow 20.000 / 10 = 2000$  disk I/O
  - clustering index (R samlet) – hent  $B(R) / V(R, a)$ 
    - $V(R, a) = 100 \rightarrow 1000 / 100 = 10$  disk I/O
    - $V(R, a) = 10 \rightarrow 1000 / 10 = 100$  disk I/O
  - $V(R, a) = 20.000$ , dvs a er en nøkkel → 1 disk I/O

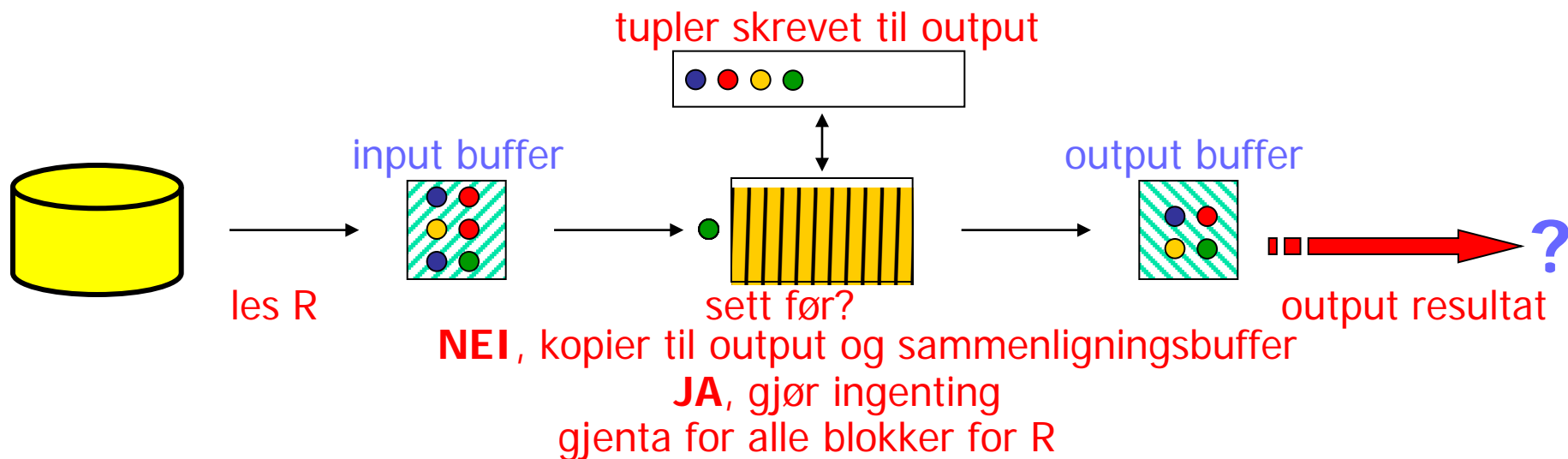
# Unære, Full-relasjon Operasjoner

---



# Duplikat-eliminering ( $\delta$ ): Ett pass

- ✓ Duplikat-eliminering ( $\delta$ ) kan utføres ved å lese en blokk om gangen og for hvert tuppel
  - kopiere til output-buffer hvis det er første forekomst
  - ignorere hvis vi har sett en duplikat
- ✓ Krever en kopi av hvert tuppel i minnet for sammenligning.



# Duplikat-eliminering ( $\delta$ ): To pass

- ✓ Sorterings-basert algoritme:  
tilsvarende Two-Phase, Multiway-Merge Sort (TPMMS)
  - Les M blokker inn i minnet.
  - Sortert disse M blokkene og skriv sub-lister til disk.
  - I stedet for å flette sub-listene, kopier første tuppel og eliminer duplikater i front av sub-listene.
- ✓ Hash-basert algoritme:
  - Partisjoner relasjonen.
  - Duplikate tupler vil ha samme hash-verdi.
  - Les hver bucket inn i minnet og utfør ett-pass algoritmen som fjerner duplikater.



# Oppsummering: Kostnad og minnekrav for $\delta(R)$

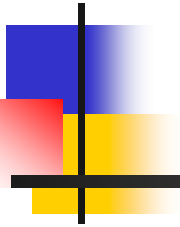
Algoritme	Minnekrav	Disk I/O
<i>Ett-Pass</i>	$M \geq 1 + B(\delta(R))$	$B_R$
<i>To-Pass Sortering</i>	$M \geq \sqrt{B_R}$	$3B_R$
<i>To-Pass Hashing</i>	$M \geq \sqrt{B_R}$	$3B_R$

# Oppsummering: Kostnad og minnekrav for $\gamma(R)$

Algoritme	Minnekrav	Disk I/O
<i>Ett-Pass</i>	$M \geq 1 + B(\gamma(R))$	$B_R$
<i>To-Pass Sortering</i>	$M \geq \sqrt{B_R}$	$3B_R$
<i>To-Pass Hashing</i>	$M \geq \sqrt{B_R}$	$3B_R$

# Binære, Full-relasjon Operasjoner

---



# Binære, full-relasjon operasjoner

- ✓ En **binær operasjon** tar to relasjoner som argumenter:
  - union:  $R \cup S$
  - snitt:  $R \cap S$
  - differanse:  $R - S$
  - join  $R \bowtie S$
  - produkt:  $R \times S$

Merk at det er forskjell på set- og bag-versjonene av disse operatorene.

Vi skal se på *naturlig join*, de andre operatorene kan implementeres på samme måte.
- ✓ Alle operasjoner som krever sammenligning må bruke en søkestruktur (f.eks. binærtrær eller hashing) som også krever ressurser. Vi tar imidlertid ikke med disse i våre estimer.

# Union ( $\cup$ ) : Ett-Pass

- ✓ **Bag union** ( $R \cup S$ ) kan beregnes med en veldig enkel ett-pass algoritme:
  - Les og kopier hvert tuppel i R til output bufferet.
  - Les og kopier hvert tuppel i S til output bufferet.
- ✓ Total kostnad  $B(R) + B(S)$  disk I/O
- ✓ Minnekrav **1** (les blokk direkte til output buffer)
  
- ✓ **Sett union** må fjerne duplikater
  - Les den *minste* relasjonen (anta S) inn i M-1 buffere og kopier hvert tuppel til output.
  - Les blokkene i R inn i det siste bufferet, og sjekk for hvert tuppel om det eksisterer i S → hvis ikke, kopier til output
- ✓ Minnekrav er nå  $1 + (M-1) = M$ ,  $B(S) < M$

# Union ( $\cup$ ) : To-Pass Sortering

- ✓ **Sett** union må fjerne duplikater
  - Gjør fase 1 av TPMMS for både R og S (lag sorterte sub-lister).
  - Bruk ett buffer for hver av sub-listene til R og S.
  - Gjenta: Finn første gjenværende tuppel i hver sub-liste
    - Output tuppelet.
    - Fjern duplikater fra fronten av alle listene
- ✓ Total kostnad er  $3B(R) + 3B(S)$  disk I/O
- ✓ Minnekrav
  - M buffere kan lage M blokk lange sub-lister (totalt).
  - $B(R) + B(S) \leq M^2 \rightarrow \sqrt{B(R)+B(S)} \leq M$
  - hvis  $B(R) + B(S) > M^2 \rightarrow$  mer enn M sub-lister og algoritmen vil ikke fungere.

# Union ( $\cup$ ) : To-Pass Hashing

- ✓ **Sett** union to-pass hash algoritme:
  - Partisjoner både R og S i M-1 buckets ved samme hash-funksjon.
  - Gjør union på hvert bucket-par –  $R_i \cup S_i$  – separat (ett-pass sett union)
- ✓ Total kostnad:  $3B(R) + 3B(S)$  disk I/O
  - 2 for partisjoneringen
  - 1 for union av de ulike buckets
- ✓ Minnekrav:  $M$  buffere
  - M buffere kan lage M-1 buckets for hver relasjon
  - for hvert bucket-par,  $R_i$  and  $S_i$ , enten  $B(R_i) \leq M-1$  eller  $B(S_i) \leq M-1$
  - tilnærmet  $\min(B(R), B(S)) \leq M^2 \rightarrow \sqrt{\min(B(R), B(S))} \leq M$
  - hvis den minste av  $R_i$  og  $S_i$  ikke får plass i M-1 buffere vil algoritmen ikke fungere.

# Oppsummering: kostnad og minnekrav for $R \cup S$ :

Hvis  $B_S \leq B_R$  :

BAG-versjon :

Algoritme	Minnekrav	Disk I/O
<i>Ett-Pass</i>	$M \geq 1$	$B_R + B_S$

SETT-versjon :

Algoritme	Minnekrav	Disk I/O
<i>Ett-Pass</i>	$B_S \leq M - 1$	$B_R + B_S$
<i>To-Pass Sortering</i>	$M \geq \sqrt{B_R + B_S}$	$3B_R + 3B_S$
<i>To-Pass Hashing</i>	$M \geq \sqrt{B_S}$	$3B_R + 3B_S$



# Oppsummering: Kostnad og minnekrav for $R \cap S$ :

Hvis  $B_S \leq B_R$  :

Algoritme	Minnekrav <sup>1</sup>	Disk I/O
<i>Ett-Pass</i>	$B_S \leq M - 1$	$B_R + B_S$
<i>To-Pass Sortering</i>	$M \geq \sqrt{B_R + B_S}$	$3B_R + 3B_S$
<i>To-Pass Hashing</i>	$M \geq \sqrt{B_S}$	$3B_R + 3B_S$

<sup>1</sup>**BAG**-versjonen trenger i tillegg plass til tuppel-tellere.

# Oppsummering: Kostnad og minnekrav for R-S:

Hvis  $B_S \leq B_R$  :

Algoritme	Minnekrav <sup>1</sup>	Disk I/O
<i>Ett-Pass</i>	$B_S \leq M - 1$	$B_R + B_S$
<i>To-Pass Sortering</i>	$M \geq \sqrt{B_R + B_S}$	$3B_R + 3B_S$
<i>To-Pass Hashing</i>	$M \geq \sqrt{B_S}$	$3B_R + 3B_S$

<sup>1</sup>**BAG**-versjonen trenger i tillegg plass til tuppel-tellere.

# Naturlig join ( $\bowtie$ ) : Ett-Pass

- ✓ Naturlig join ( $\bowtie$ ) konkatenerer tupler fra  $R(X,Y)$  og  $S(Y,Z)$  som er slik at  $R.Y = S.Y$
- ✓ Ett-pass algoritme:
  - Les den *minste* relasjonen (anta  $S$ ) inn i  $M-1$  buffere.
  - Les relasjon  $R$  blokk for blokk. For hvert tuppel  $t$ 
    - Join  $t$  med matchende tupler i  $S$
    - Flytt resultatet til output
- ✓ Total kostnad  $B(R) + B(S)$  disk I/O
- ✓ Minnekrav  $1 + (M-1) = M$ ,  $B(S) < M$

# Naturlig Join ( $\bowtie$ ) :

## Nestet-Loop Join – tuppel-basert algoritme

- ✓ Nestet-loop join kan brukes for relasjoner av vilkårlig størrelse
- ✓ *Tuppel-basert* algoritme:

FOR hvert tuppel s i relasjon S

FOR hvert tuppel r i R

IF r og s matcher, join til output

- ✓ Worst case kostnad  $T(R)T(S)$  disk I/O
- ✓ Minnekrav 2 (en R-blokk og en S-blokk)

# Naturlig Join ( $\bowtie$ ) :

## Nestet-Loop Join – blokk-basert algoritme

✓ Hold så mye som mulig av den minste relasjonen (anta S) i M-1 blokker

✓ Algoritme:

✓

```
FOR hver partisjon p av S med størrelse M-1 {  
  les p inn i minnet  
  {  
    FOR hver blokk b for R {  
      les b inn i minnet  
      FOR hvert tuppel t i b {  
        finn tupler i p som matcher t  
        join hver av disse med t til output }  
      }  
    }  
  }
```

Bare ett pass gjennom tuplene til R!

✓ Total kostnad  $B(S) + [B(R) * B(S) / (M-1)]$  disk I/O  
(Les S en gang, les R en gang for hver S-partisjon)

✓ Minnekrav 2 (en R-blokk og en S-blokk)

# Naturlig join ( $\bowtie$ ) :

## To-Pass Sortering – enkel algoritme

- ✓ Sorter R og S hver for seg ved hjelp av TPMMS på join-attributtene.
- ✓ Join de sorterte R og S ved å
  - Hvis et buffer for R eller S er tomt, hent ny blokk fra disk
  - Finn tupler som har den minste v-verdien for join-attributtene (NB: Kan også finnes i påfølgende blokker!)
  - Hvis det finnes v-verdi tupler i både R og S, join disse og skriv til output
  - Ellers, fjern alle v-verdi tupler.
- ✓ Total kostnad:  $5B(R) + 5B(S)$  disk I/O
  - 4 for TPMMS
  - 1 for å flette de sorterte R og S
- ✓ Minnekrav:  $M$  buffere
  - TPMMS på begge relasjonene krever  $B \leq M^2$ , dvs,  $B(R) \leq M^2$  og  $B(S) \leq M^2$
  - Hvis det finnes en samling v-verdi tupler som ikke passer i  $M$  blokker, virker ikke algoritmen.

# Naturlig Join ( $\bowtie$ ) : To-Pass Hashing

- ✓ Algoritme:
  - Partisjoner både R og S i M-1 buckets med samme hash-funksjon.
  - Gjør naturlig join på hver bucket separat –  $R_i \bowtie S_i$  – ett-pass join.
- ✓ Total kostnad:  $3B(R) + 3B(S)$  disk I/O
  - 2 for å partisjonere relasjonene
  - 1 for å gjøre join
- ✓ Minnekrav: M buffere
  - M buffere kan lage M-1 buckets for hver relasjon
  - for hvert par  $R_i$  og  $S_i$  er enten  $B(R_i) \leq M-1$  eller  $B(S_i) \leq M-1$
  - omtrent  $\min(B(R), B(S)) \leq M^2 \rightarrow \sqrt{\min(B(R), B(S))} \leq M$
  - hvis den minste av  $R_i$  og  $S_i$  ikke får plass i M-1 buffere, virker ikke algoritmen

# Naturlig Join ( $\bowtie$ ): Indeks-basert

## ✓ Algoritme $R(X,Y) \bowtie S(Y,Z)$ :

- Anta at det finnes en indeks for S på attributt(er) Y.
- Les hver blokk for R. For hvert tuppel
  - finn tupler i S med samme join-attributter ved hjelp av indeksen
  - les de tilsvarende blokkene, gjør join på de aktuelle tuplene og output resultatet

## ✓ Total kostnad: ? disk I/O

- Hvis R er samlet, trenger vi  $B(R)$  disk I/O, ellers opp til  $T(R)$  for å lese alle R-tupler.
  - I tillegg, for *hvert tuppel i R*, må vi lese de tilsvarende S-tuplene:
    - For clustered indeks sortert på Y:  $B(S) / V(S,Y)$
    - Hvis S ikke er sortert på Y:  $T(S) / V(S,Y)$
    - Vil i snitt bruke  $T(S) / V(S,Y)$
- ⇒ Dvs at lesing av S-tupler dominerer:  $T(R)T(S) / V(S,Y)$



# Oppsummering: Kostnad og minnekrav for $R \bowtie S$

Hvis  $B_S \leq B_R$  :

Algoritme	Minnekrav	Disk I/O
<i>Ett-Pass</i>	$B_S \leq M - 1$	$B_R + B_S$
<i>Tuppel-Basert Nestet-Loop</i>	$2 \leq M$	worst case $T_R T_S$
<i>Blokk-Basert Nestet-Loop</i>	$2 \leq M$	$B_S + [(B_S / M - 1) \times B_R]$
<i>Enkel To-Pass Sortering</i>	$\sqrt{B_R} \leq M$	$5 B_R + 5 B_S$
<i>Sort-Join</i>	$\sqrt{B_R + B_S} \leq M$	$3 B_R + 3 B_S$
<i>Hash-Join</i>	$\sqrt{B_S} \leq M$	$3 B_R + 3 B_S$
<i>Hybrid Hash-Join</i>	$\sqrt{B_S} \leq M$	$(3 - 2M/B_S)(B_R + B_S)$
<i>Indeks-Join</i>	$2 \leq M$	$B_R + (T_R B_S / V_{S,Y})$
<i>Zig-Zag Indeks-Join</i>	$B(T_R/V_{R,a}) + B(T_S/V_{S,a}) \leq M$	$B_R + B_S$

# Naturlig join: eksempel

## ✓ Eksempel:

- $T(R) = 10.000$ ,  $T(S) = 5.000$
  - $V(R,a) = 100$ ,  $V(S,a) = 10$
  - Både R og S er samlede
  - 4 KB blokker (ingen blokk-header)
  - Både R og S poster er på 512 B (inkludert header)
  - Har clustering indeks på attributt a for både R og S
- ⇒  $B(S) = 5.000 / 8 = 625$   
 $B(R) = 10.000 / 8 = 1250$

# Naturlig join: eksempel (forts.)

✓  $T(R) = 10.000$ ,  $T(S) = 5.000$ ,  $B(R) = 1250$ ,  $B(S) = 625$ ,  $M = 101$

Algoritme	Minimum minne	Disk I/O
<i>Ett-Pass</i>	626	1875
<i>Tuppel-Basert Nestet-Loop</i>	2	781875
<i>Blokk-Basert Nestet-Loop</i>	2	9375
<i>Enkel To-Pass Sortering</i>	36	9375
<i>Sort-Join</i>	44	5625
<i>Hash-Join</i>	25	5625
<i>Hybrid Hash-Join</i>	25	5019
<i>Indeks-Join</i>	2	626250 (S-indeks) 63125 (R-indeks)
<i>Zig-Zag Indeks-Join</i>	76	1875

# Valg av algoritme

- ✓ Ett-Pass algoritmer er bra hvis ett av argumentene (relasjonene) får plass i minnet.
- ✓ To-Pass algoritmer må brukes hvis vi har store relasjoner.
  - Hash-baserte algoritmer
    - Krever mindre minne sammenlignet med sorterings-tilnærminger – er bare avhengig av den minste relasjonen – brukes ofte.
    - Antar omtrent lik bucket-størrelse (god hash-funksjon) – i virkeligheten vil det være noe variasjon, må anta mindre bucket-størrelser.
  - Sorterings-baserte algoritmer
    - Gir sortert resultat, som kan utnyttes av påfølgende operatører.
  - Indeks-baserte algoritmer
    - Utmerket for seleksjon og for join hvis begge har clustered indekser.

# N-Pass Algoritmer

- ✓ For virkelig store relasjoner er ikke to pass tilstrekkelig.
- ✓ Eksempel:  $B(R) = 1.000.000$ 
  - TPMMS krever at  $B(R) < M^2 \rightarrow M > 1000$
  - Hvis ikke 1000 blokker er tilgjengelige, virker ikke TPMMS.
  - ⇒ Trenger flere pass gjennom datasettet.
- ✓ Sorterings-baserte algoritmer:
  - Hvis R får plass i minnet, sorter.
  - Hvis ikke, partisjoner R i M grupper og sorter hver  $R_i$  rekursivt.
  - Flett sub-listene.
  - Total kostnad:  $(2k-1)B(R)$ , k er antall pass som er nødvendig
  - Vi trenger  $\sqrt[k]{B(R)}$  buffere, dvs  $B(R) \leq M^k$
- ✓ Tilsvarende kan gjøres for hash-baserte algoritmer.