

INF5110, 15/2-2007

Dagens temaer:

Avslutning kap. 4

Begynne på kap. 5

Se på oppgave

Stein Krogdahl,  
Ifi UiO

## Avslutning kap. 4

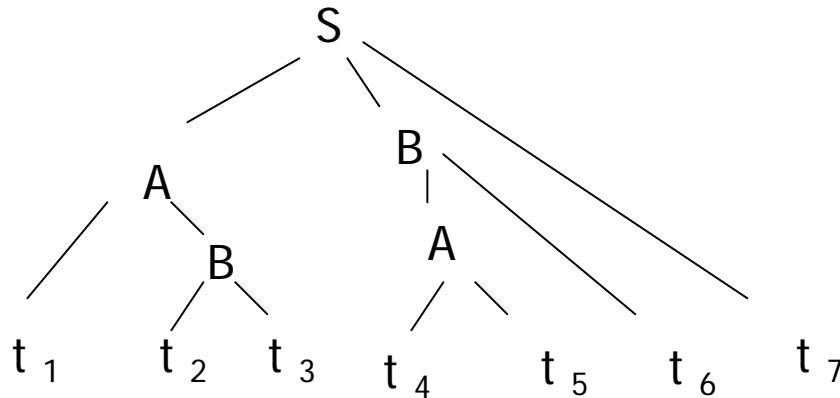
1. Vi tar ikke med i pensum noe om trebygging ut fra LL(1)-parsering med stakk (altså 4.2.4).
  - Vi ser på denne type parsering bare som en forberedelse til LR-parsering, der vi har en tilsvarende
2. Man kan snakke om lengere "lookahead" enn 1 for LL-grammatikker, og får da LL(k)-grammatikker.
  - Det teoretiske rundt dette er litt komplisert, så det skal vi ikke se på (se kap 4.3.4)
  - Derimot er det viktig å vite at mange LL-verktøy tillater at du i bestemte situasjoner titter et antall symboler framover for å få en avgjørelse på hva slags konstruksjon du går inn i.
  - F.eks. om symbolet "static" kommer inne i en klasse, så må vi lese noen symboler fremover få å finne ut om dette er variabel-dekl. eller en metode-dekl.

## Om igjen: Litt om stoffet i kap. 4

Dette bør leses om igjen etter kapittelet:

- First og Follow-mengder
  - Boka tar det et stykke uti, vi tok det først
- Begrepet LL(1)-parsering (kommer)
  - Boka reserverer dette begrepet for den metoden (kap 4.2 s. 152) der man bruker en eksplisitt stakk (isteden for rekursivee metoder, som i "recursive decent"-framgangsmåten)
  - Det vanlige er å bruke betegnelsen LL(1)-parsering også når rec.decent metoden brukes slavisk på en ren BNF-grammatikk
  - Kravet til en LL(1)-grammatikk kommer like tydelig fram ut fra begge disse metodene. Vi skal tenke like mye rec.decent som eksplisitt stakk. (boka gjør bare det siste).
  - Ofte brukes betegnelsen LL(1)-parsering også om rec.decent metoden brukt ut fra syntaksdiagrammer eller EBNF, men da er det uklart hva LL(1)-kravet til en grammatikk er.

# Start på kapittel 5: "Bottom up" parsering (nedenfra-og-opp)



## LR-parsering og grammatikker

- LR(0)
- SLR(1)
- LR(1)
- LALR(1)

## -Autimatisert

-YACC, Bison ( LALR(1) )

# Prinsippet og datastrukturen for LR-parsering

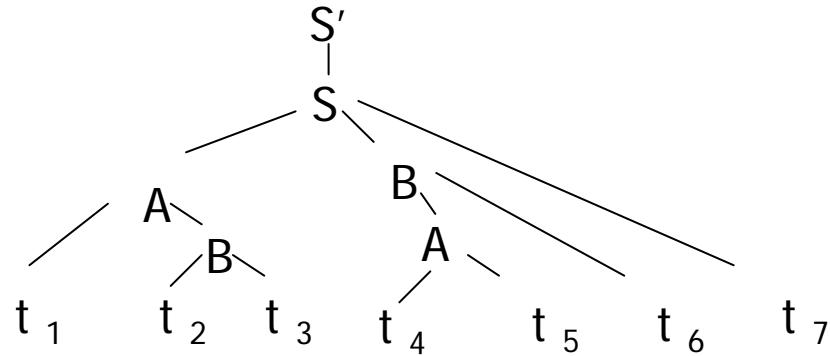
$S' \rightarrow S$

$S \rightarrow A B t_7 \mid \dots$

$A \rightarrow t_4 t_5 \mid t_1 B \mid$

$B \rightarrow t_2 t_3 \mid A t_6 \mid \dots$

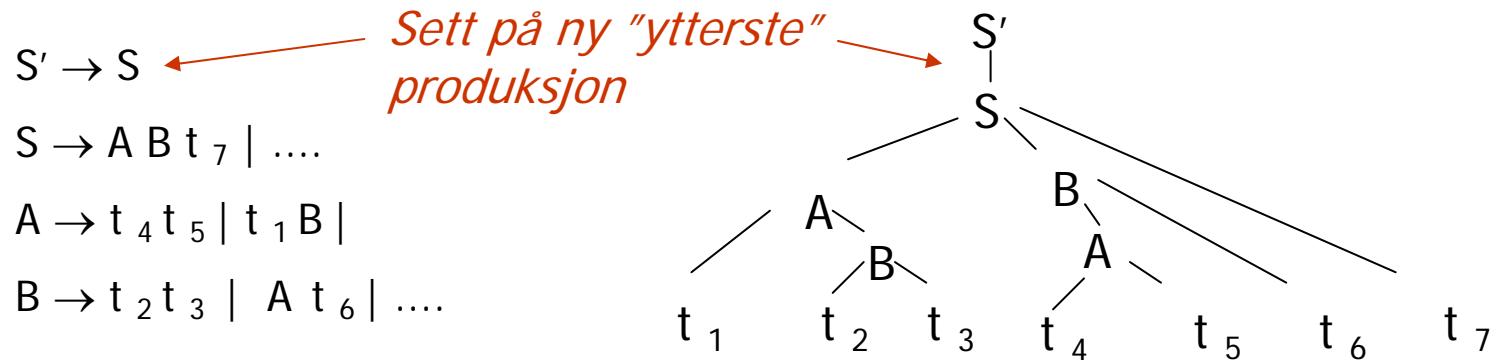
Anta at grammatikken er entydig, og at vi *kjenner syntaks-treet* for setningen:



LR-  
parsering :

- Ha en "stakk" for *det som er lest* (altså *omvendt* av LL-parsering med stakk)
- Gjør "reduksjonen" av et subtre når det ligger "på toppen av" stakken

# Prinsippet og datastrukturen LR-parsering II



Anta at grammatikken er entydig, og anta at vi kjenner syntaks-treet for setningen:

Start-situasjonen:

- Ha en "stakk" for det som er lest
- Gjør "reduksjonen av et subtre når subtreeet ligger "på toppen av" stakken.
- Da erstatter vi det på stakken med den ikke-terminalen (som produserte dette subtreeet)

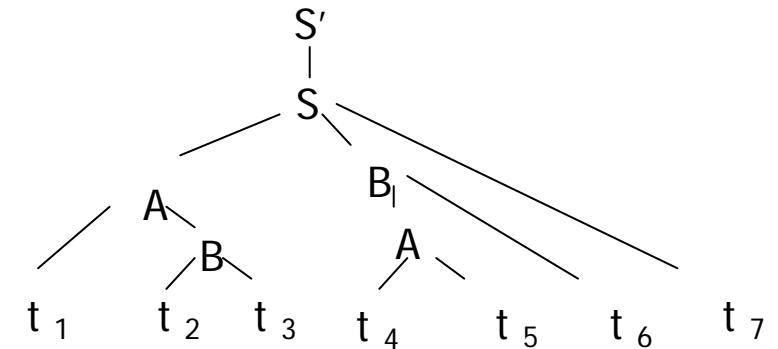
\$                    t<sub>1</sub>    t<sub>2</sub>    t<sub>3</sub>    t<sub>4</sub>    t<sub>5</sub>    t<sub>6</sub>    t<sub>7</sub> \$  
stakk                 input

Slutt-situasjonen:

\$ S'                        \$  
stakk                 input

## Prinsippet med LR-parsering III

$S' \rightarrow S$   
 $S \rightarrow A B t_7 \mid \dots$   
 $A \rightarrow t_4 t_5 \mid t_1 B \mid$   
 $B \rightarrow t_2 t_3 \mid A t_6 \mid \dots$



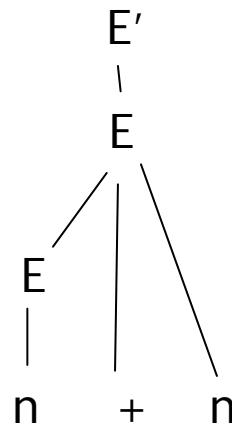
stakk	input
\$	$t_1 t_2 t_3 t_4 t_5 t_6 t_7 \$$
$\$ t_1$	$t_2 t_3 t_4 t_5 t_6 t_7 \$$
$\$ t_1 t_2$	$t_3 t_4 t_5 t_6 t_7 \$$
$\$ t_1 t_2 t_3$	$t_4 t_5 t_6 t_7 \$$
$\$ t_1 B$	$t_4 t_5 t_6 t_7 \$$
$\$ A$	$t_4 t_5 t_6 t_7 \$$
$\$ A t_4$	$t_5 t_6 t_7 \$$
$\$ A t_4 t_5$	$t_6 t_7 \$$
$\$ A A$	$t_6 t_7 \$$
$\$ A A t_6$	$t_7 \$$
$\$ A B$	$t_7 \$$
$\$ A B t_7$	$\$$
$\$ S$	$\$$
$\$ S'$	$\$$

- Stakk + input: Høyre-avledninger i omvendt rekkefølge
- Får to typer steg:
  - Reduksjon (på toppen av stakken med  $A \rightarrow \alpha$ )
  - Lesing ("skift") av input til stakken
- Dersom man kjenner syntakstreet, er det lett å angi de rette stegene.
- MEN: Hvordan gjøre dette underveis uten å kjenne resten av input ??

Husk at vi skal nå "redusere" input (bottom up) til startsymbolet  $S'$ , IKKE produsere input fra startesymbolet (slik vi gjorde "top-down" i kap 4)

# Eksempel på LR-parsering

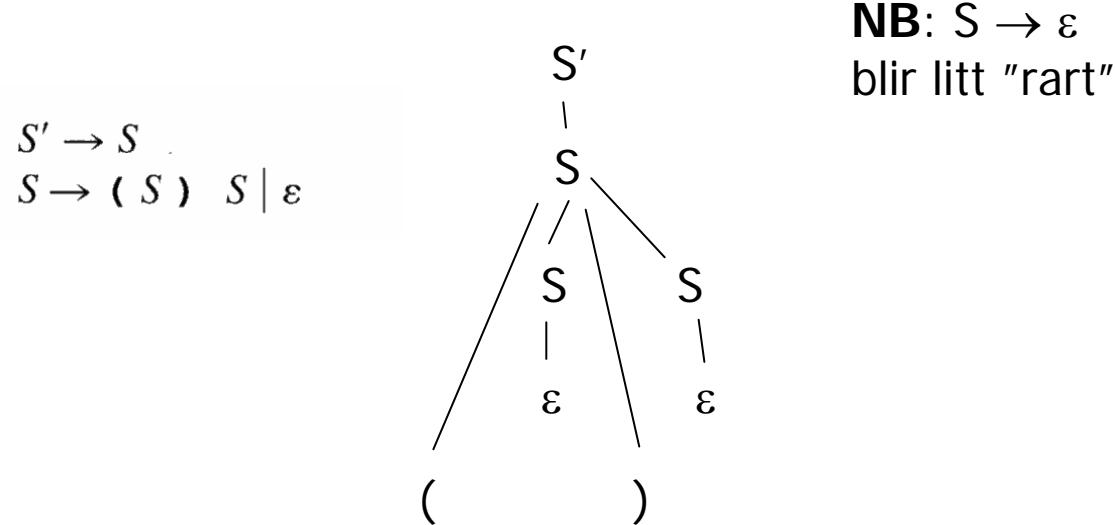
$$\begin{aligned}E' &\rightarrow E \\E &\rightarrow E + n \mid n\end{aligned}$$



**Boka:** (Stakk + input) utgjør et stadium i en høyre-avledning. Den neste reduksjonen som skal gjøres, kalles situasjonens "handle" (håndtak).

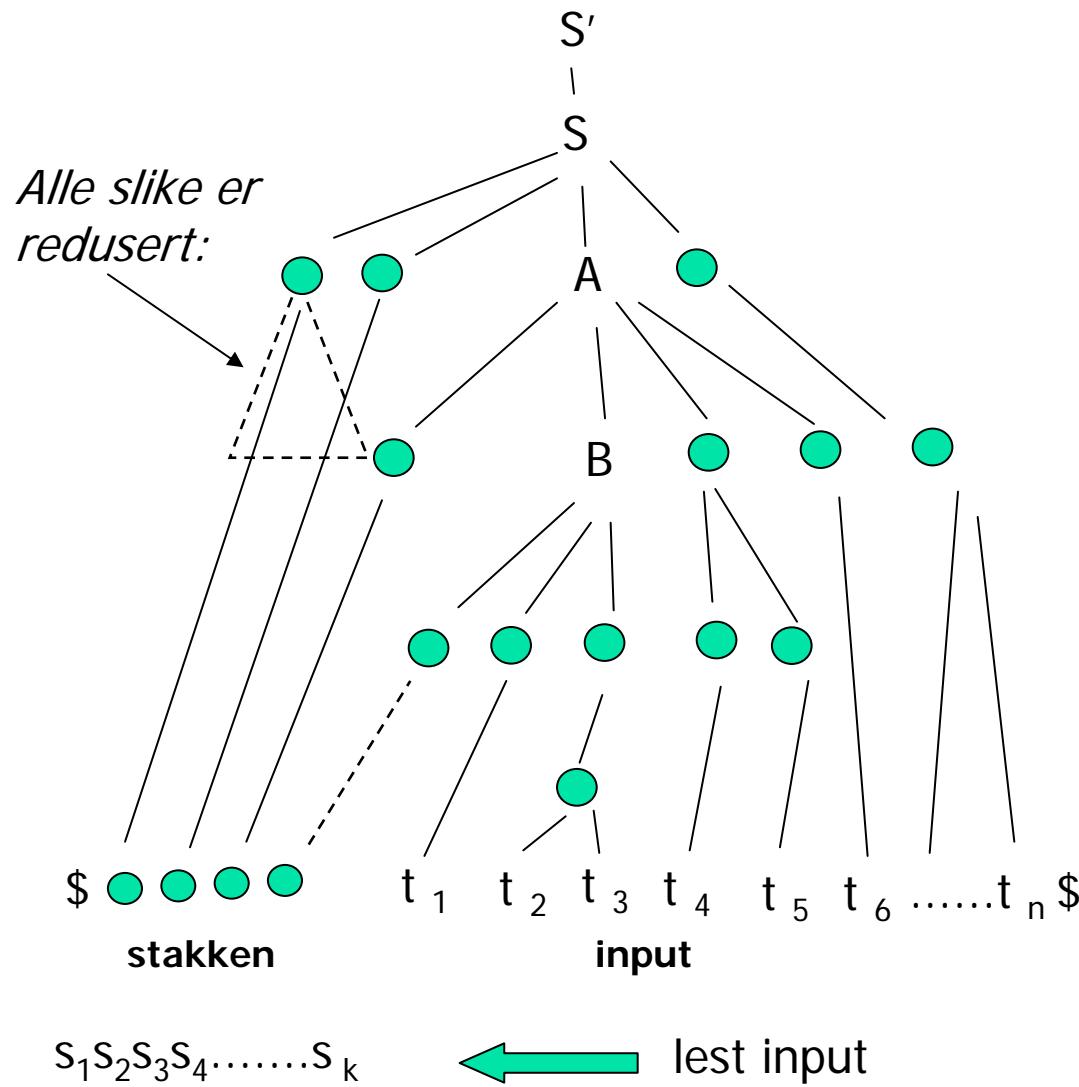
	Parsing stack	Input	Action
1	\$	$n + n \$$	shift
2	\$ $n$	$+ n \$$	reduce $E \rightarrow n$
3	\$ $E$	$+ n \$$	shift
4	\$ $E +$	$n \$$	shift
5	\$ $E + n$	\$	reduce $E \rightarrow E + n$
6	\$ $E$	\$	reduce $E' \rightarrow E$
7	\$ $E'$	\$	accept

# Eksempel på LR-parsing



	Parsing stack	Input	Action
1	\$	( ) \$	shift
2	\$ (	) \$	reduce $S \rightarrow \epsilon$
3	\$ ( S	) \$	shift
4	\$ ( S )	\$	reduce $S \rightarrow \epsilon$
5	\$ ( S ) S	\$	reduce $S \rightarrow ( S ) S$
6	\$ S	\$	reduce $S' \rightarrow S$
7	\$ S'	\$	accept

# Typisk situasjon under LR-parsering



## Gitt entydig grammatikk G.

Denne behandles som følger for å lage en LR-parser:

(Ikke alt er like tydelig beskrevet i Boka, men bare boka er pensum)

- Vi ser på de mulig stakker som kan opptre, og ser disse som strenger over alfabetet {terminaler, ikke-terminaler}. Vi ser altså på:  
 $\{S \mid S \text{ utgjør stakken på ett eller annet stadium i LR-parsering av en setning i } L(G)\}$
- Dette språket viser seg å være regulært, og kan beskrives av en NFA der:
  - Tilstandene angis av "itemer" av formen:  $A \rightarrow XY.Z$
  - Kantene kan beskrives nokså greit (kommer snart)
- Denne NFA-en gjør vi om til en DFA på vanlig måte (subset construction fra kap.2)
- Tilstandene i denne DFA-en vil altså være **mengder av itemer**
- **LR-parseringens hovedprinsipp (uformelt):**
  - Gitt en lovlig stakk og anta at den fører DFA-en til en (aksepterende!) tilstand T:
  - Da vil mengden av *itemer* i T angi de mulige "lokale forhold" vi, i parseringen nå, kan ha ut fra dette stakk-innholdet (det kan være flere muligheter/valg, siden vi ikke har tatt hensyn til resten av input).

## Items: Alle produksjonene i BNF-grammatikken omarbeides

- I stedenfor :

$$A \rightarrow \alpha X \beta$$

- Legger vi inn nye produksjoner med punktum på alle plasser (punktumet er et Meta-symbol):

$$A \rightarrow \cdot \alpha X \beta$$

$$A \rightarrow \alpha \cdot X \beta$$

$$A \rightarrow \alpha X \cdot \beta$$

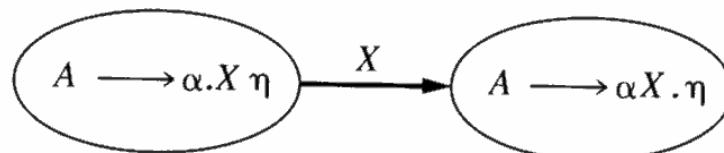
$$A \rightarrow \alpha X \beta \cdot$$

- Punktumet sier grovt sett hvilken del av den originale produksjonen vi prøver å jobbe med
  - Det til venstre for punktum er gjenkjent fra input, enten bare lest eller at deler av det er redusert til en ikke-terminal
  - Det til høyre for punktum har vi enda ikke sett/lest

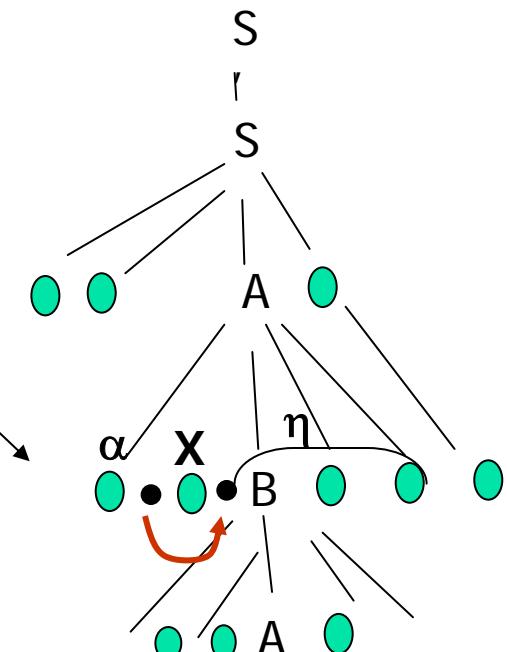
*Disse produksjonene med punktum kalles **items***

# Kantene i NFA-en

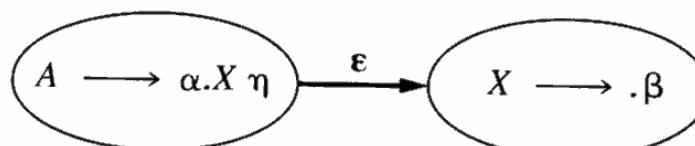
Dette er ikke  
fullt forklart i  
boka



tilsvarer

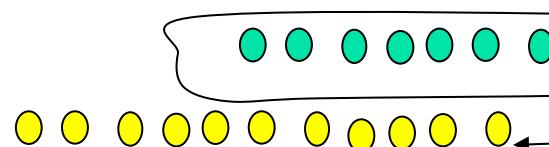


Gitt en grammatikk G  
og en situasjon under  
passering av en setning  
s i  $L(G)$ .

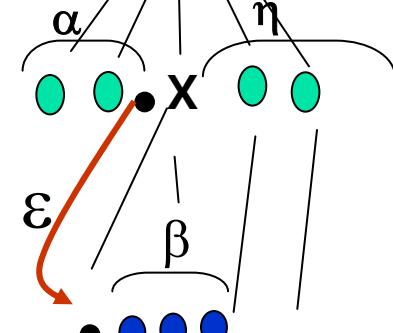


tilsvarer

Stack



Opprinnelig input



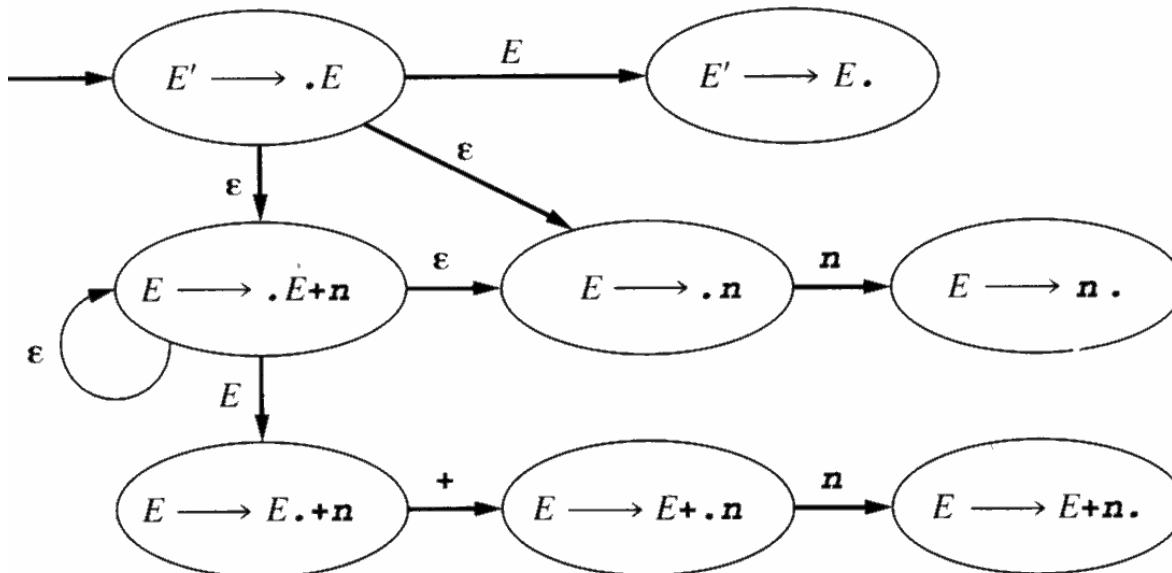
0 0 0 0 \$

# Eksempel på NFA

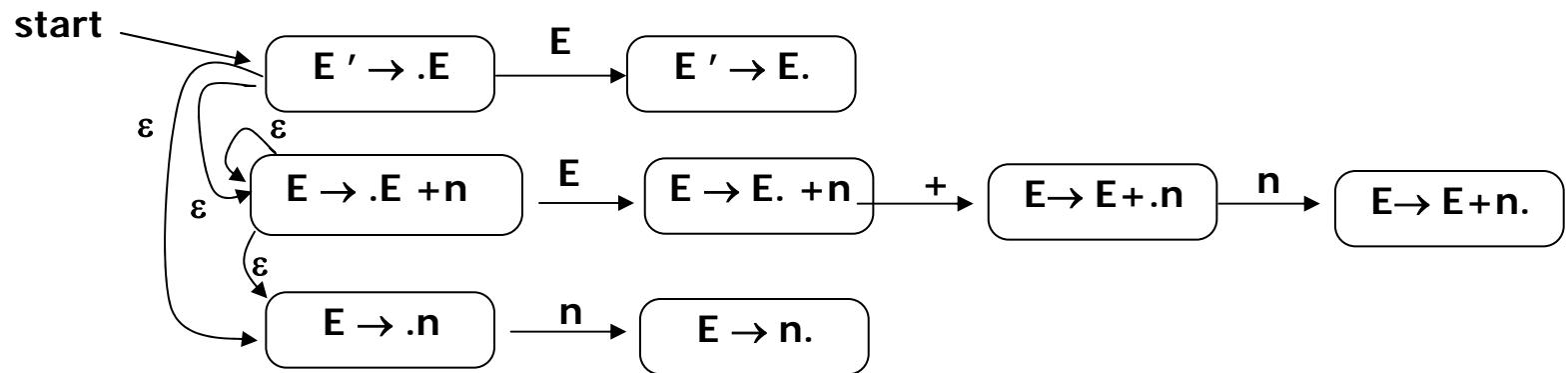
$E' \rightarrow E$   
 $E \rightarrow E + n$   
 $E \rightarrow n$

$E' \rightarrow .E$   
 $E' \rightarrow E.$   
 $E \rightarrow .E + n$   
 $E \rightarrow E.+n$   
 $E \rightarrow E+.n$   
 $E \rightarrow E+n.$   
 $E \rightarrow .n$   
 $E \rightarrow n.$

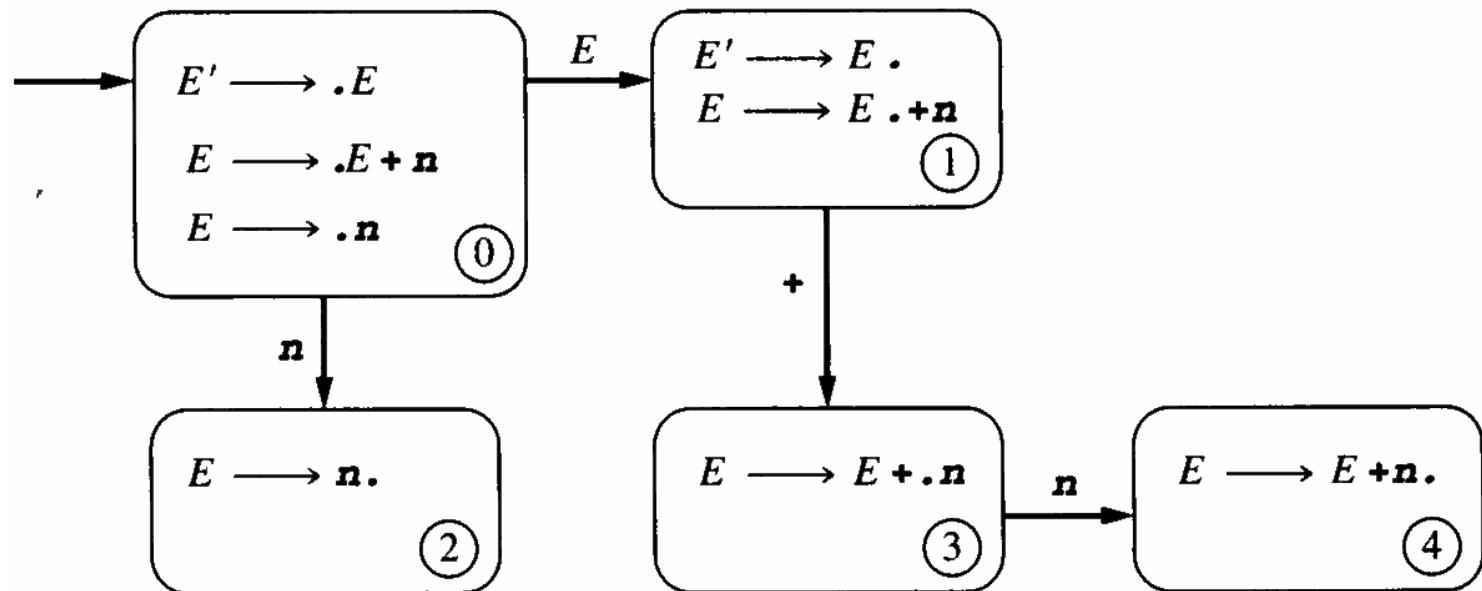
Itemer ( $LR(0)$  - itemer)



## LR(0) – NFA (litt mer systematisk enn boka)



## LR(0) - DFA



# Oppgave

Levert ut torsdag 13. febr. 2007

Gitt grammatikk, lag skanner, parser, AST og interpret for språket:

Grammatikk:  $\text{exp} \rightarrow \text{exp op term} \mid \text{term}$   
 $\text{term} \rightarrow \text{number} \mid (\text{exp})$   
 $\text{op} \rightarrow + \mid - \mid ^*$

Bergning gjøres slavisk fra venstre mot høyre (venstreassosiativt), om ikke parentes

- Skriv om grammatikken til en ren BNF-grammatik uten venstre-rekursjon
- Foreta evt. venstre-faktorisering
- Finn First og Follow-mengdene
- Lag M[N,T] – tabellen
- Lag i f.eks Java:
  - En scanner for språket
    - som kan lese et program token for token
    - levere selve leksemet (som tekst)
    - bestemme token-type: NUMB, OPRT, LPAR, RPAR og DOLR (\$)
    - bruk f.eks pakken easyIO fra INF1000
  - En parser for språket
    - bygger opp et syntakstre
    - skriver ut treet: først på prefiks form, så på postfiks form
  - En interpret
    - går gjennom treet og beregner verdien til uttrykket

## To enkle eksempler på utskrift av kjøring:

Input:  $1 * ( 2 - 3 ) + 5$

Prefiks form:  $+ * 1 - 2 3$

Postfiks form:  $1 2 3 - * 5 +$

Verdi: 4

Input:  $1 + 2 + 3 * 4 * 5$

Prefiks form:  $* * + + 1 2 3 4 5$

Postfiks form  $1 2 + 3 + 4 * 5 *$

Verdi: 120

# En ikke-venstre-rekursiv BNF grammatikk,

Opprinnelig:

$$\begin{aligned} \text{exp} &\rightarrow \text{exp op term} \mid \text{term} \\ \text{term} &\rightarrow \text{number} \mid (\text{exp}) \\ \text{op} &\rightarrow + \mid - \mid * \end{aligned}$$

Uten venstre-rekursjon:

$$\begin{aligned} \text{exp} &\rightarrow \text{term exp2} \\ \text{exp2} &\rightarrow \text{op term exp2} \mid \varepsilon \\ \text{term} &\rightarrow \text{number} \mid (\text{exp}) \\ \text{op} &\rightarrow + \mid - \mid * \end{aligned}$$

*Her intet å faktorisere!*

	<b>First</b>
exp	number, (
exp2	+, -, *, ε
term	number, (
op	+, -, *

	<b>Follow</b>
exp	\$, )
exp2	\$, )
term	\$, ), +, -, *
op	number, (

## Parseringstabell M[N,T] – er den LL(1)?

$$exp \rightarrow term \ exp2$$

$$exp2 \rightarrow op \ term \ exp2 \mid \epsilon$$

$$term \rightarrow number \mid ( \ exp )$$

$$op \rightarrow + \mid - \mid *$$

	First		Follow
exp	number, (		\$, )
exp2	+, -, *, $\epsilon$		\$, )
term	number, (		\$, ), +, -, *
op	+, -, *		number, (

	number	+	-	*	(	)	\$
exp	$exp \rightarrow term \ exp2$				$exp \rightarrow term \ exp2$		
exp2		$exp2 \rightarrow op \ term \ exp2$	$exp2 \rightarrow op \ term \ exp2$	$exp2 \rightarrow op \ term \ exp2$		$exp2 \rightarrow \epsilon$	$exp2 \rightarrow \epsilon$
term	$term \rightarrow number$				$term \rightarrow (exp)$		
op		$op \rightarrow +$	$op \rightarrow -$	$op \rightarrow *$			

Den **er** altså LL(1)! (og dermed  
vet vi også at den er entydig!)

# Scanner

(Veldig lite avansert! Litt "public"-antydninger her, men ikke på senere foiler)

```
import easyIO.*;  
  
class Scanner {  
    In infile;  boolean eof = false;  
    public int NUMB = 1, OPRT = 2; LPAR = 3; RPAR= 4; DOLR = 5;  
    public int cT;  String cLex; // Her kan brukeren lese "current token" og "current leksem"  
  
    public Scanner(String filnavn) {  
        infile = new In(filnavn);  
        readNext(); // Hent inn første token  
    }  
  
    public readNext() { // Setter nye verdier i "cT" of "cLex"  
        if (eof || infile.endOfFile()) {  
            cLex = ""; cT=DOLR; eof = true;  
        } else {  
            cLex= infile.inWord(); // Forlanger altså blanke/linjeskift mellom symbolene i input.  
            char c = cLex.charAt(0);  
            if (Character.isDigit(c) ) cT = NUMBER; // Sjekker ikke fullt ut at det er et tall  
            else if ( c== '+' || c=='-' || c=='*' ) {cT = OPRT;}  
            else if ( c== '(' ) {cT = LPAR;}  
            else if ( c== ')' ) {cT = RPAR;}  
            else {error("...");}  
        }  
    }  
}
```

# Parser uten trebygging

```

class Parser { Scanner s;
    Parser(String filnavn) {s = new Skanner(filnavn); }

    expression() { exp(); if (s.cT != s.DOLR) error("...");}      // Hovedmetode

    exp() {
        if (s.cT == s.NUMB or cT == s.LPAR) { term(); exp2(); }
        else { error(".....");}
    }

    exp2() {
        if (s.cT == s.OPRT) { op(); term(); exp2();}           // Sa feil på forelesningen. Skal ikke være "readNext" her
        else if (s.cT == s.RPAR or cT == s.DOLR) { /* nothing */ }
        else { error(" ..."); }
    }

    term() { Exp et;
        if (s.cT == NUMB) { s.readNext(); }
        else if (s.cT == s.LPAR) {
            s.readNext(); exp();
            if (s.cT == s.RPAR) s.readNext() else error("...");
        }
    }

    op(){
        if (s.cT == s.OPRT) {
            s.readNext();
        } else {error(" ...");}
    }
} // class Parser

```

// Denne "readNext" ordner biffen!

	number	+	-	*	(	)	\$
exp	$exp \rightarrow term\ exp2$				$exp \rightarrow term\ exp2$		
exp2						$exp2 \rightarrow \epsilon$	$exp2 \rightarrow \epsilon$
term	$term \rightarrow number$				$term \rightarrow (exp)$		
op		$op \rightarrow +$	$op \rightarrow -$	$op \rightarrow *$			

# Trenode-klassene

```
class Exp{  
    abstract void prefix();  
    abstract void postfix();  
    abstract int value();  
}  
  
class OpNode extends Exp {  
    char oprt;  Exp lt, rt;  
  
    OpNode(char oprt, Exp lt, Exp rt) { this.oprt = oprt; this.lt = lt; this.rt = rt; }  
  
    void prefix() { print(" " + oprt); lt.prefix(); rt.prefix();}  
  
    void postfix() { lt.postfix(); rt.postfix(); print(" " + oprt);}  
  
    int value() { int lv= lt.value(); int rv = rt.value(); int v;  
        switch (oprt) { '+': v= lv + rv; break; '-' : v = lv - rv; break; '*' : v= lv * rv; break; }  
        return v;  
    }  
}  
  
class NumNode extends Exp {  
    int value;  
  
    NumNode(int value) { this.value = value; }  
  
    void prefix() { print(" " + value);}  
  
    void postfix() { print(" " + value);}  
  
    int value() { return value; }  
}
```

Tidligere Foil. Vi må gjøre noe liknende som dette:

Rec.decent etter tradisjonell fjerning av venstre-rekursjon (treet er nå høyre assosiativt istedenfor venstre). Det må korrigeres for.

Lage tre eller beregne verdi :  $3 - 4 - 5$

$exp \rightarrow term\ exp'$

$exp' \rightarrow addop\ term\ exp' \mid \epsilon$

$addop \rightarrow + \mid -$

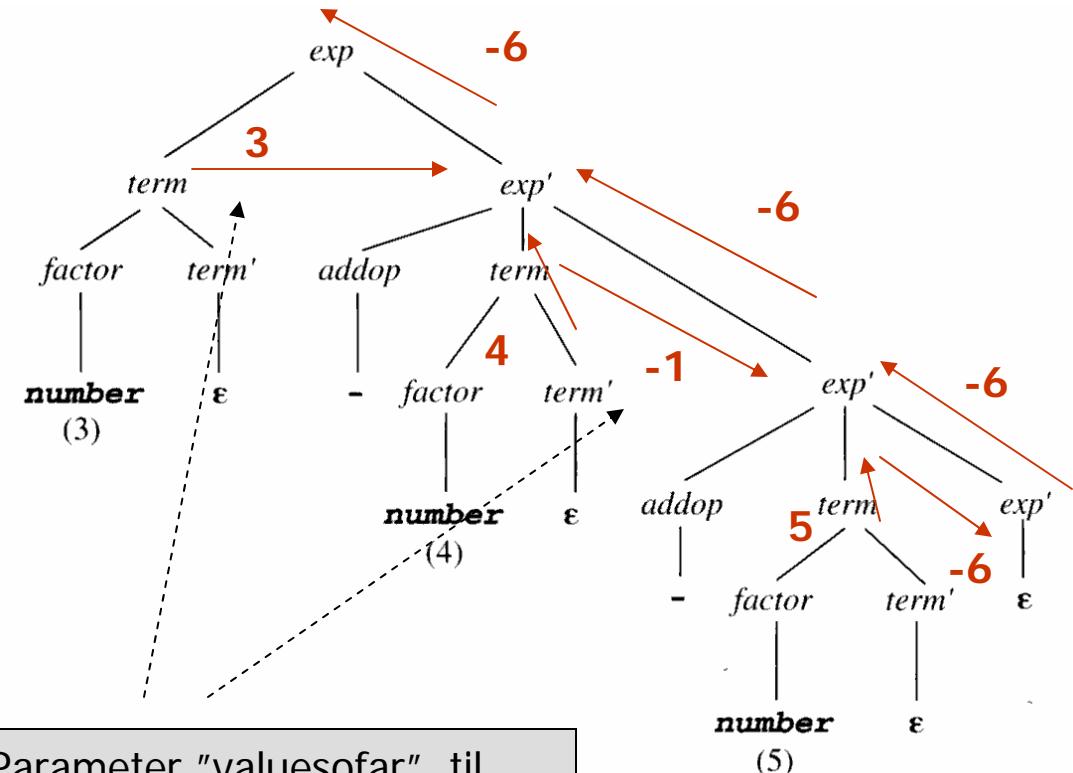
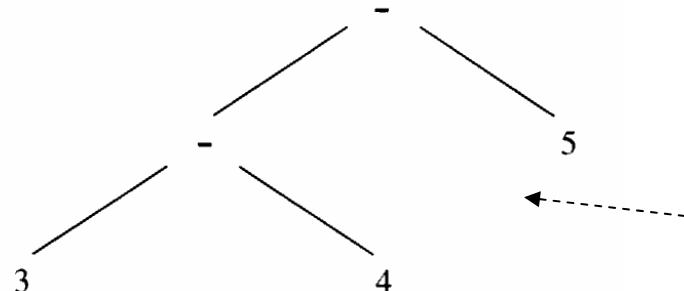
$term \rightarrow factor\ term'$

$term' \rightarrow mulop\ factor\ term' \mid \epsilon$

$mulop \rightarrow *$

$factor \rightarrow ( exp ) \mid number$

Det abstrakte syntakstreet vi ønsker å lage:



Parameter "valuessofar" til prosedyren "exp"

For trebygging ville den være: "rootOfTreeSoFar"

Antar implisitt adgang til Scanneren, og  
har fjernet alle "s.". Med trebygging

Gammelt program

```
class Parser { ...
    expression() { exp(); if (cT != DOLR) error("...");}
    exp() {
        if (cT == NUMB or cT == LPAR){ term(); exp2();}
        else { error(".....");}
    }
    exp2() {
        if (cT == OPRT ) { op(); term(); exp2();}
        else if (cT == RPAR or cT == DOLR) { }
        else { error(" ..."); }
    }
    term() {
        if (cT == NUMB ) { readNext(); }
        else if (cT == LPAR) {
            readNext(); exp();
            if (cT==RPAR) {readNext();} else {error("...");}
        }
    }
    op(){
        if (cT == OPRT) {
            readNext();
        } else {error(" ...");}
    }
} // class Parser
```

```
class Parser { ...
    Exp expression(){ Exp et; et=exp(); if (cT != DOLR) error("..."); return et;}
    Exp exp() { Exp et, etsf;
        if ( cT == NUMB or cT == LPAR ) { etsf = term(); et=exp2(etsf);}
        else { error(".....");}
        return et;
    }
    Exp exp2(etin) { Exp et, etsf; char oprt;
        if (cT == OPRT ) { oprt = op(); et= term();
            etsf= new OpNode(oprt, etin, et); et = exp2(etsf);}
        else if (cT == RPAR or cT == DOLR) { et = etin }
        else { error(" ...");}
        return et;
    }
    Exp term() { Exp et;
        if (cT == NUMB ) {et = new NumNode(cLex.intValue); readNext(); }
        else if (cT == LPAR) {
            readNext(); et = exp();
            if (cT == RPAR) {readNext();} else {error("...");}
        } else {error(" ...");}
        return et;
    }
    char op(){ char oprt;
        if (cT == OPRT) {
            oprt = cLex.charAt(0); readNext();
        } else {error(" ...");}
        return oprt;
    }
} // class Parser
```

Litt frekk

```

class Parser { ...
    Exp expression() { Exp et; et=exp(); if (cT != DOLR) error("..."); return et; }

    Exp exp(){
        Exp et; char oprt; Exp xet;
        et= term();
        while (cT == OPRT) {
            oprt = op(); readNext(); xet = term();
            et= new OpNode(oprt, et, xet);
        }
        return et;
    }

    Exp term() { Exp et;
        if (cT == NUMB ) {et = new NumNode(cLex.value); readNext(); }
        else if (cT == LPAR) {
            readNext(); et = exp();
            if (cT == RPAR) readNext() else error("...");
        }
        return et;
    }

    char op(){
        if (cT == OPRT) {
            oprt = cLex.charAt(0); readNext();
        } else { error(" ..."); }
        return oprt;
    }
} // class Parser

```

## Parsering etter EBNF

Mye likt det på side 150/51

Opprinnelig:

$$\begin{aligned} exp &\rightarrow exp \ op \ term \mid term \\ term &\rightarrow number \mid ( \ exp ) \\ op &\rightarrow + \mid - \mid * \end{aligned}$$

Gjort om til EBNF:

$$\begin{aligned} exp &\rightarrow term \{ \ op \ term \} \\ term &\rightarrow number \mid ( \ exp ) \\ op &\rightarrow + \mid - \mid * \end{aligned}$$

# Hovedprogrammet

```
import easyIO.*;  
  
class Scanner { ... }  
  
class Parser { ... }  
  
class Exp{ ... }  
class OpNode extends Exp { ... }  
class NumNode extends Exp { ... }  
  
class Compiler {  
    Parser parser;  
  
    public static void main(String[] args) {  
        parser = new Parser(args[0]);      // Parser lager scanner selv  
        Exp tree = parser.expression();  
        print("Prefix: "); tree.prefix;  
        print("Postfix: "); tree.postfix;  
        print("Verdi: " + tree.value);  
    }  
}
```