

Nøkkelformler i MEK 2200 side 1

EMNE	INDEKS SYMBOLER	VEKTOR/TENSOR SYMBOLER
Definisjon av spenning		$\mathbb{P}_n = \frac{d\mathbf{k}}{d\mathbf{o}_n}$
Cauchys 1. relasjon	$\mathbb{P}_n = \{P_{ij}n_j\}$	$\mathbb{P}_n = \mathcal{P} \cdot \mathbf{n}$
Cauchys 2. relasjon	$P_{ij} = P_{ji}$	$\mathcal{P} = \mathcal{P}^T$
Bevegelseslikningen	$a_i = \frac{1}{\rho} \frac{\partial P_{ij}}{\partial x_j} + f_i^y$	$\mathbf{a} = \frac{1}{\rho} \nabla \cdot \mathcal{P} + \mathbf{f}^y$
Kontinuitetslikningen	$\frac{\partial \rho}{\partial t} + v_j \frac{\partial \rho}{\partial x_j} = -\rho \frac{\partial v_i}{\partial x_i}$	$\frac{1}{\rho} \frac{D\rho}{Dt} = -\nabla \cdot \mathbf{v}$
Formelen for partikkelderivasjon	$\frac{D}{dt} = \frac{\partial}{\partial t} + v_j \frac{\partial}{\partial x_j}$	$\frac{D}{dt} = \frac{\partial}{\partial t} + \mathbf{v} \cdot \nabla$
Hookes lov (en-dimensjon)	$\sigma = E \epsilon$	
Flytning (viskøs)	$\sigma = \mu \dot{\epsilon}$	
Visko-elastisk	$\sigma = E \epsilon + \mu \dot{\epsilon}$	
Forskyvning-forrykningsfelt	$\mathbf{u} = \{u_i\}$	$\mathbf{u}$
Ekspansjon uten formendring	$\frac{\partial u_i}{\partial x_i}$	$\nabla \cdot \mathbf{u}$
Deformasjon + ekspansjon Tøyningstensoren	$\epsilon_{ij} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial u_j}{\partial x_i} + \frac{\partial u_i}{\partial x_j} \right)$	

Nøkkelformler i MEK 2.200 Side 2

EMNE	INDEKS SYMBOLER	VEKTOR / TENSOR SYMBOLER
Deformasjon uten volumendring	$\epsilon_{ij} - \frac{1}{3} \nabla \cdot \mathbf{u} \delta_{ij}$	
Hastighetsfeltet	$\mathbf{v} = \{v_i\}$	$\mathbf{v}$
Ekspansjon uten formendring	$\frac{\partial v_i}{\partial x_i}$	$\nabla \cdot \mathbf{v}$
Deformasjon + ekspansjon (tøyningshastighetstensor)	$\dot{\epsilon}_{ij} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial v_i}{\partial x_j} + \frac{\partial v_j}{\partial x_i} \right)$	
Deformasjon uten volumendring	$\dot{\epsilon}_{ij} - \frac{1}{3} \nabla \cdot \mathbf{v} \delta_{ij}$	
Hookes lov (3-dimensjoner)	$P_{ij} = \lambda \nabla \cdot \mathbf{u} \delta_{ij} + 2\mu \epsilon_{ij}$	
Newton's friksjons lov (inkompressibel væske)	$P_{ij} = -p \delta_{ij} + 2\mu \dot{\epsilon}_{ij}$	
Bevegelseslikningen elastisk stoff	$\frac{\partial^2 u_i}{\partial t^2} = \frac{\lambda + \mu}{\rho} \frac{\partial}{\partial x_i} \left( \frac{\partial u_j}{\partial x_j} \right) + \frac{\mu}{\rho} \frac{\partial^2 u_i}{\partial x_j \partial x_j} + f_i^v$	$\frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial t^2} = \frac{\lambda + \mu}{\rho} \nabla (\nabla \cdot \mathbf{u}) + \frac{\mu}{\rho} \nabla^2 \mathbf{u} + \mathbf{f}^v$
Bevegelseslikningen Newtonsk væske (inkompressibel)	$\frac{\partial v_i}{\partial t} + v_j \frac{\partial v_i}{\partial x_j} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x_i} + \nu \frac{\partial^2 v_i}{\partial x_j \partial x_j} + f_i^v$	$\frac{D\mathbf{v}}{dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla p + \nu \nabla^2 \mathbf{v} + \mathbf{f}^v$
Varmetransport likningen (inkompressibel væske)	$\frac{\partial T}{\partial t} + v_j \frac{\partial T}{\partial x_j} = \kappa \frac{\partial^2 T}{\partial x_j \partial x_j} + \frac{\Delta}{\rho c}$	$\frac{DT}{dt} = \kappa \nabla^2 T + \frac{\Delta}{\rho c}$
Dissipasjon pr. volumenet	$\Delta = 2\mu \dot{\epsilon}_{ij}^2$	
Boying av bjelke	$\frac{d^2 w}{dx^2} = -\frac{M_y(x)}{EI}$	