

IN2040: Funksjonell Programmering

Tilstand og verdilordning

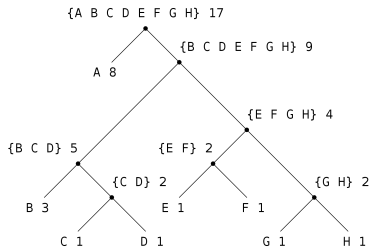
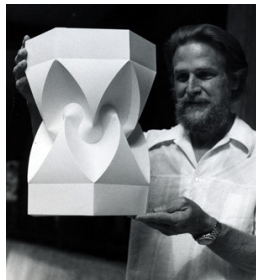
Martin Steffen

Universitetet i Oslo

Uke #6 (27. 09. 2022)



Forrige gang





en-prosedyre-som-bruker-mengder

element-of-set?, adjoin-set, intersection-set, union-set

make-tree, entry, left-branch, right-branch

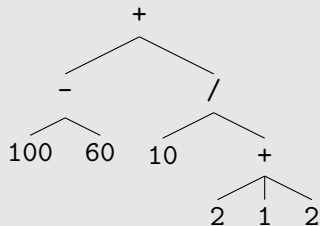
cons, car, cdr, null?, pair?

lambda, eller en annen par-implementasjon?

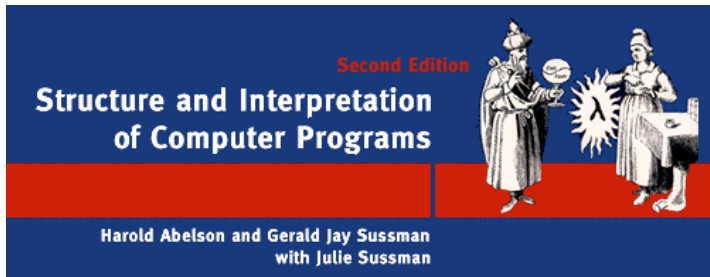


- ▶ Ved evaluering oversettes kildekoden i et språk først til et **syntakstre**.
- ▶ Vi har sett at **lister** kan representere **trær** i Lisp.
- ▶ I Lisp uttrykkes også **kode** som lister.
- ▶ Lisp-kode uttrykker dermed syntaks-trær direkte!

```
(+ (- 100 60)
  (/ 10
    (+ 2 1 2)))
```



- ▶ Vi blar om til kapittel 3 i SICP.
- ▶ Tilstand og verditilordning.
- ▶ Destruktive operasjoner.
- ▶ Prosedyrebasert objektorientering + innkapsling.
- ▶ Ny modell for evaluering: omgivelsesmodellen.



- ▶ I kapittel 3 i SICP tar vi et stort skritt:
- ▶ Bryter med ren funksjonell programmering og introduserer elementer fra imperativ programmering:
- ▶ **Verditilordning** som **modifiserer** objekter.
- ▶ Fra et funksjonelt perspektiv: **destruktive operasjoner**.
 - ▶ Når vi endrer tilstanden til et objekt “destruerer” vi det siden det ikke lenger representerer samme verdi.
- ▶ Likhet ved identitet vs verdi.
- ▶ Til nå har vi kunnet tenke på variabler som *navn på verdier*.
- ▶ Fra nå må vi tenke på variabler som *steder man kan lagre verdier*.



- ▶ Så langt: et **statisk** univers.
- ▶ Har ikke forholdt oss til **tid**.
- ▶ Sentralt konsept i SICP kap. 3: **tilstand**.
- ▶ Hva mener vi med at noe har tilstand?
- ▶ At atferden avhenger av egenskaper som kan forandre seg i forhold til tid og historikk.
- ▶ Kap. 3 introduserer også (prosedyrebasert) **objektorientering**.
- ▶ Viktig teknikk for å organisere programmer: Vi kan opprette objekter i programmene våre som tilsvarer entiteter i verden vi ønsker å modellere.



Eksempel på objekt med tilstand: bankkonto



- ▶ Klassisk eksempel: **bankkonto**.
- ▶ **Saldoen** = **tilstandsvariabel** som oppsummerer historikken (transaksjoner over tid).
- ▶ Hva vi kan gjøre, f.eks uttak, avhenger av saldoen.
- ▶ Kan definere en variabel `balance` for å representere saldoen.
- ▶ Trenger nå en måte å endre verdien symbolet er bundet til: **set!**



```
? (define balance 100)
? (set! balance (- balance 20))
? balance → 80
```



```
? (define balance 100)
? (set! balance (- balance 20))
? balance → 80
```

- ▶ set! er en *special form* som lar oss modifisere variabelbindinger.
- ▶ (set! *<name>* *<value>*)
- ▶ Endrer variabelen *<name>* til å få verdien av uttrykket *<value>*.
- ▶ Brukes for sin *effekt* (tilstandsendringen), ikke *returverdi*.
- ▶ Uttales “sett bæng”.
- ▶ Konvensjon i Scheme å bruke ! ved operasjoner for tilstandsending med uspesifisert returverdi.



```
(define balance 100)

(define withdraw
  (lambda (amount)
    (if (>= balance amount)
        (begin
          (set! balance (- balance amount))
          balance)
        "Insufficient funds"))))

? (withdraw 25) → 75
? (withdraw 25) → 50
? (withdraw 60) → "Insufficient funds"
? (withdraw 15) → 35
? balance → 35
? (set! balance 1000)
```

- ▶ Hva er nytt?
- ▶ Et kall på `withdraw` har **bieffekter** utover sin returverdi: Verdien til `balance` endret!
- ▶ **Samme argumenter, forskjellig returverdi!**
- ▶ Hvorfor har vi aldri trengt **`begin`** tidligere?
- ▶ Svakheter: Variabelen `balance` er eksponert, kan endres av kode utenfor `withdraw`.



Først, en ny versjon av #1

```
(define balance 100)

(define withdraw          ;; cond i stedet for if+begin
  (lambda (amount)
    (cond ((>= balance amount)
           (set! balance (- balance amount))
           balance)
          (else "Insufficient funds"))))
```

Bankkonto #2, med innkapslet saldo

```
(define withdraw
  (let ((balance 100))
    (lambda (amount)
      (cond ((>= balance amount)
             (set! balance (- balance amount))
             balance)
            (else "Insufficient funds")))))
```



```
(define withdraw
  (let ((balance 100))
    (lambda (amount)
      (cond ((>= balance amount)
             (set! balance (- balance amount))
             balance)
            (else "Insufficient funds")))))
```

? (withdraw 25) → 75

- ▶ Gjemmer variabelen med en teknikk som kalles **innkapsling** i SICP.
 - ▶ = **closure** i Lisp-sjargong.
- ▶ `let` etablerer en ny omgivelse med `balance` som lokal variabel.
- ▶ `balance` er nå **privat**: kun tilgang via `withdraw`.
- ▶ **Merk**: Via prosedyren som returneres får vi tilgang til `balance` *utenfor* det som ellers ville være rekkevidden av dens binding (`let`-uttrykket)!
- ▶ Kombinasjonen `set!` og lokale variabler lar oss modellere **lokal tilstand**.

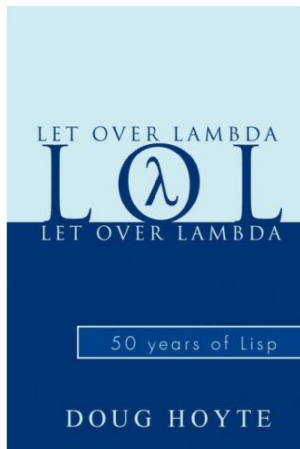
- ▶ Eksempel på et nyttig idiom;
- ▶ *let-over-lambda*
- ▶ Enkelt eksempel på bruk av innkapsling + verditilordning.

```
(define counter
  (let ((x 0))
    (lambda ()
      (set! x (+ x 1))
      x)))
```

```
? (counter) → 1
```

```
? (counter) → 2
```

```
? (counter) → 3
```





- ▶ Svakhhet med **withdraw**:
Fortsatt kun én konto.
- ▶ **make-withdraw**: lager nye kontoobjekter.
- ▶ Returnerer en anonym prosedyre som innkapsler sin egen saldovariabel:
- ▶ Gitt som parameter i stedet for via let.
- ▶ `w1` og `w2` er distinkte objekter, med distinkte lokale tilstandsvariabler.

```
(define make-withdraw
  (lambda (balance)
    (lambda (amount)
      (cond ((>= balance amount)
             (set! balance (- balance amount))
             balance)
            (else "Insufficient funds")))))
```

```
? (make-withdraw 100) → #<procedure>
```

```
? (define w1 (make-withdraw 100))
```

```
? (define w2 (make-withdraw 200))
```

```
? (w1 50) → 50
```

```
? (w2 50) → 150
```



- ▶ *Closure-oriented programming*:
- ▶ I eksemplene våre har vi representert kontoobjekter som *prosedyrer*.
- ▶ Kombinert med *modifisering* av **innkapslete** lokale variabler for å modellere tilstand.
- ▶ Guy Steele om å designe Scheme:

*One of the conclusions that we reached was that the “**object**” need not be a primitive notion in a programming language; one can build objects and their behaviour from little more than **assignable value cells** and good old **lambda expressions**.*

λ + !

- ▶ Hva har skjedd med språket vårt etter at vi innførte **set!**?
- ▶ Koden kan ha **tilstandsvariabler** – lokale eller globale – der **bindingen kan endre seg**.
- ▶ En prosedyre som avhenger av tilstand kan gi **ulike returverdier for like argumenter**.
- ▶ Kan også modifisere tilstandsvariabler: vi sier da at prosedyren har **sideeffekter** (tidligere trengte vi kun forholde oss til *returverdi*).
- ▶ Uttrykk kan evalueres i *sekvenser* der *rekkefølge* har blitt viktig.
- ▶ Må tenke på variabler som **steder** for å lagre verdier (ikke bare navn).





- ▶ Standardregelen for evaluering av uttrykk gjelder også for egendefinerte prosedyrer:
- ▶ Først evalueres deluttrykkene, så kalles prosedyren på argumentverdiene.
- ▶ I **substitusjonsmodellen** tenker vi at prosedyreuttrykk omskrives slik:
 - ▶ Hele uttrykket erstattes av prosedyrekroppen fra definisjonen.
 - ▶ Parameternavnene erstattes av argumentverdiene.

Eksempel

```
? (define (square x)  
    (* x x))
```

```
? (square (+ 1 2))
```

```
⇒ (square 3)
```

```
⇒ (* 3 3)
```

```
→ 9
```

Substitusjonsmodellen holder ikke lenger



- ▶ La oss forsøke å bruke substitusjonsmodellen her.
- ▶ Først et par ting å huske på:
 - Første argumentet til `set!` evalueres ikke (variabelen som skal tilordnes verdi).
 - Ved en *sekvens* av uttrykk er det verdien av det siste som returneres.
- ▶ Variablen `balance` brukes tre ganger i kroppen:
Substitueres 2. og 3. bruk samtidig blir resultatet feil.

```
? (define (make-withdraw balance)
  (lambda (amount)
    (set! balance (- balance amount))
    balance))
```

```
? ((make-withdraw 25) 20)
→ 5
```

```
? ((make-withdraw 25) 20)
⇒ ((lambda (amount)
     (set! balance (- 25 amount))
     25)
   20)
```

```
⇒ (set! balance (- 25 20))
   25
```

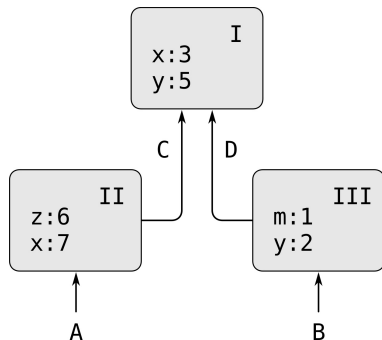
```
⇒ (set! balance 5)
   25
```

```
→ 25
```



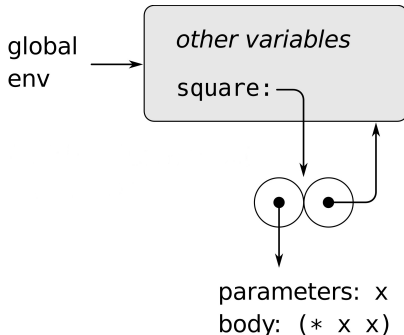
- ▶ Vi skal etablere en ny modell for hvordan kode evalueres.
- ▶ **Omgivelsesmodellen.**
- ▶ Sagt litt enkelt er det denne modellen vi skal implementere når vi lager vår egen Scheme-evaluator i kapittel 4.

- ▶ En **omgivelse** er en *sekvens av rammer*.
- ▶ En **ramme** er en tabell som binder variabelnavn til verdier.
- ▶ Hver ramme har en peker til sin omsluttende omgivelse.
- ▶ Den **globale omgivelsen** består av én enkelt ramme (med bl.a. bindingene for primitive prosedyrer).
- ▶ Variabler har sin verdi relativ til en gitt omgivelse, gitt ved første rammen med en binding.
- ▶ Nøstete bindinger for samme navn **overskygger** hverandre.

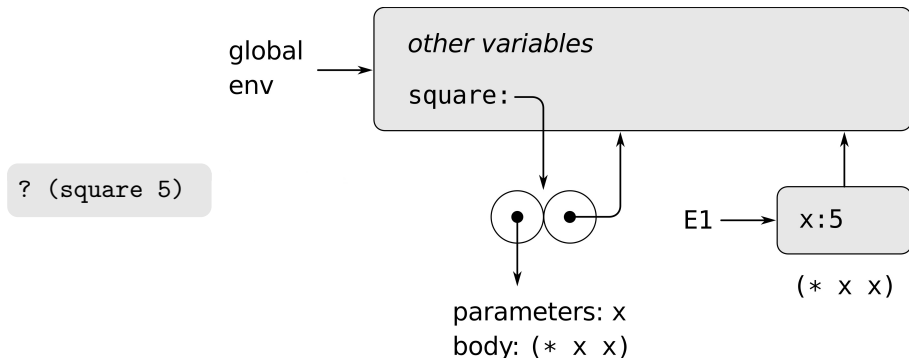


- ▶ `define` legger til bindinger i en ramme, `set!` endrer dem.
- ▶ En prosedyre lages ved å evaluere et `lambda`-uttrykk i en gitt omgivelse, og representeres ved et “par” som består av:
- ▶ **Parametere og prosedyrekropp.**
- ▶ En **peker til omgivelsen** der den ble opprettet.

```
? (define (square x)
    (* x x))
```



- ▶ Når en prosedyre anvendes, utvides prosedyrens omgivelse med en ny ramme som binder parametrene til argumentverdiene:
- ▶ Prosedyrekroppen evalueres så i denne nye omgivelsen.





Evalueringsregel for sammensatte uttrykk

- ▶ **Evaluer** deluttrykkene rekursivt.
- ▶ **Anvend** operatorverdien på operandverdiene.
- ▶ For å **anvende** en prosedyre på argumenter,
 - ▶ utvid omgivelsen til prosedyren med en ny ramme der de formelle parametrene er bundet til argumentene den kalles på,
 - ▶ og **evaluer** prosedyrekroppen i denne nye omgivelsen.
- ▶ Fortsetter helt til uttrykkene er redusert til atomære uttrykk og primitive prosedyrer (kalles direkte uten ny omgivelse).
- ▶ *Special forms* (syntaktiske makroer) har egne evalueringsregler.



- ▶ Innkapsling kan nå avmystifiseres på bakgrunn av omgivelsesmodellen:

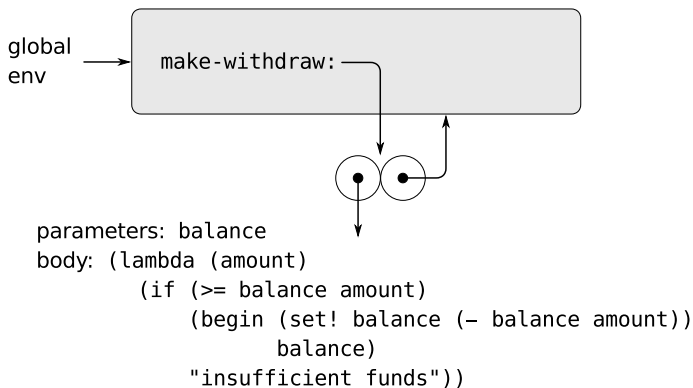
```
? (define make-withdraw
  (lambda (balance)
    (lambda (amount)
      (if (>= balance amount)
          (begin (set! balance (- balance amount))
                 balance)
          "insufficient funds"))))

? (define w1 (make-withdraw 100))

? (w1 50) → 50
```

- ▶ Et kall på `make-withdraw` etablerer en **ny ramme**, som så blir omgivelsen til den anonyme prosedyren den returnerer via `lambda`.

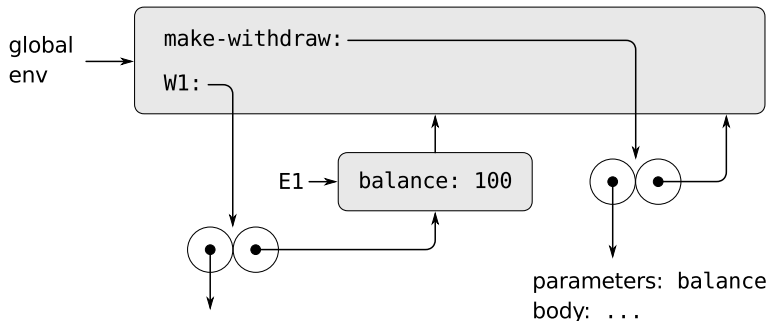
- ▶ Resultatet av å definere `make-withdraw` i den globale omgivelsen.



Tilbake til innkapsling (forts.)



```
? (define w1 (make-withdraw 100))
```

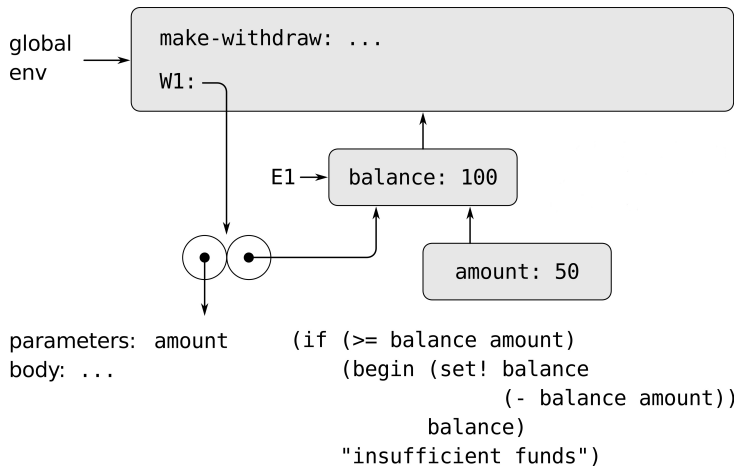


```
parameters: amount  
body: (if (>= balance amount)  
        (begin (set! balance (- balance amount))  
               balance)  
        "insufficient funds")
```

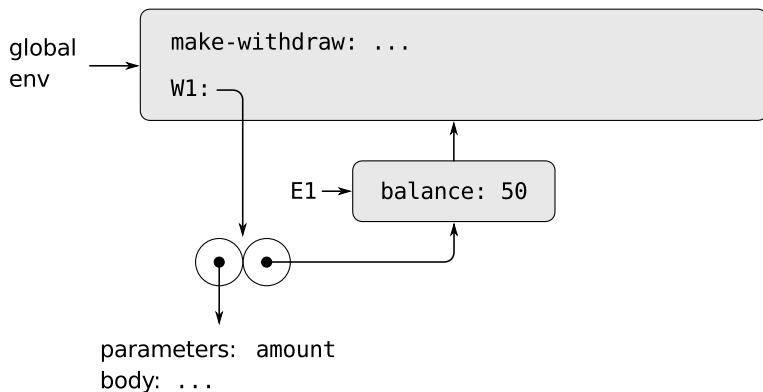
Tilbake til innkapsling (forts.)



? (w1 50) → 50



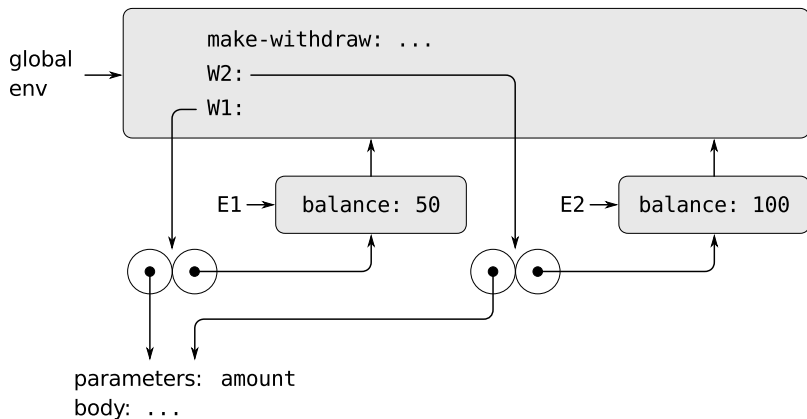
- ▶ Etter at kallet på `w1` er ferdig utført.



Tilbake til innkapsling (forts.)



```
? (define w2 (make-withdraw 100))
```





```
(define (make-account balance)
  (define (deposit amount)
    (set! balance (+ balance amount))
    balance)
  (define (withdraw amount)
    (set! balance (- balance amount))
    balance)
  (define (dispatch message)
    (cond ((eq? message 'deposit) deposit)
          ((eq? message 'withdraw) withdraw)
          ((eq? message 'balance) balance)))
  dispatch)
```

; ; Litt syntaktisk sukker:

```
(define (deposit amount account)
  ((account 'deposit) amount))

(define (withdraw amount account)
  ((account 'withdraw) amount))

(define (balance account)
  (account 'balance))
```

Brukseksempler

```
? (define a1
   (make-account 100))

? (define a2
   (make-account 0))

? ((a1 'deposit) 200)
→ 300

? (a2 'balance) → 0

;; nytt grensesnitt:

? (deposit 200 a1) → 500

? (balance a2) → 0

? (eq? a1 a2) → #f

? (define a3 a2)

? (eq? a3 a2) → #t

? (deposit 42 a3) → 42
```



- ▶ Typespesifikke predikater; `=` og `string=?`
- ▶ `equal?` tester strukturell ekvivalens rekursivt.
- ▶ `eq?` gir `#t` hvis argumentene angir samme objekt i minnet.
- ▶ Merk at symboler og den tomme lista `'()` er konstanter.

```
? (define bim '(1 2 (3)))
? (define bam '(1 2 (3)))
? (equal? bim bam) → #t
? (eq? bim bam) → #f
? (define bom bam) ;; aliasing
? (eq? bom bam) → #t
? (eq? '(1) '(1)) → #f
? (eq? '() '()) → #t
? (eq? 'foo 'foo) → #t
? (eq? + +) → #t
? (eq? 2.5 2.5) → ???
? (eq? "foo" "foo") → ???
```