

# INF2270- Ukeoppgaver 8 - Fasit

Nøkkelord: Pipeline hazard, Cache miss og Page Failure

## Oppgave 1: Cache miss og Page Failure

- (a) Ta utgangspunkt i at du skal implementere et program som skal kjøre 1000 instruksjoner. Anta at 200 av instruksjonene trenger å aksessere minne. Klokkefrekvensen er satt til 3 GHz. Alle resterende instruksjoner som ikke trenger å aksessere minne trenger kun en klokkesyklus til å eksekverer. La oss anta at det ikke er noe som helst **penalty** for en **cache access** og at disse instruksjonene kan også gjennomføres i løpet av en klokkesyklus. Hvis programmet er velskrevet eller at programmereren er heldig, vil alle minne aksesserings bli en **cache hit** (til og med den første minne aksesseringen også, da blokken er allerede er i cache før eksekvering). Beregn hvor lang tid det vil ta for at hele programmet er ferdig eksekvert.

**En klokkefrekvens av 3 GHz gir en klokkesyklus på:**

$$\begin{aligned}t &= 1 / f \\ &= 1 / 3\text{GHz} \\ &= 1 / 3 \cdot 10^9 \\ &= 0,33 \cdot 10^{-9} \\ &= 0,33 \text{ ns}\end{aligned}$$

**Forutsatt ingen cache miss og alle instruksjoner eksekvereres innen 1 klokkesyklus så vil ett program med 1000 instruksjoner bruke:**

$$0,33 \text{ ns} \times 1000 = 0,33 \text{ us}$$

**Ettersom vi får utført 1000 instruksjoner på 1000 sykler så er**

$$\text{CPI} = 1000 / 1000$$

$$\text{CPI} = 1$$

- (b) La oss gjøre oppgaven 1a litt mer realistisk. Anta nå at vi har en **cache hit** på 95% og at en **cache miss** vil trenge 20 klokkesykluser for å aksessere og lese inn minne. Hvor lang tid vil det nå ta hele programmet å bli ferdig? (I denne oppgaven skal dere ikke tenke på avanserte løsninger som tillater en pipeline med parallell eksekvering av instruksjoner samtidig som minne aksesseres.)

**Med en hit rate på 95% av 200 instruksjoner av 1000, vil det føre til at 10 instruksjoner vil måtte ta penalty. Dette fører til at hver miss få en eksekveringstid på 20 klokkesykluser. Dette betyr:**

**800 instruksjoner bruker 1 klokkesyklus**

**190 instruksjoner bruker 1 klokkesyklus**

**10 instruksjoner bruker 20 klokkesykluser**

**Totalt går det med  $800 + 190 + 200 = 1190$  klokkesykluser = 0,39 us.**

$$\text{CPI} = 1190 / 1000 = 1,19$$

- (c) La oss gjøre oppgaven 1b ytterligere mer realistisk. Anta nå at selve programmet er lagret i en **virtual memory page** som ikke er lastet inn i minne i det hele tatt, for eksempel at den må lastes inn fra hard-disken og inn i minne. Dette vil føre til en **penalty** for **page failure** på 1 million klokkesykler. Hvor lang tid vil det ta nå for programmet?

**Dette vil føre til at vi får 1 000 000 klokkesykler i penalty og dermed blir totale tiden**

$$1000000+1190 = 1.001.190 \text{ klokkesykler} = 0,33 \text{ ms}$$

- (d) Ved å betrakte de foregående oppgavene hva vil du resonnerer frem til vedrørende nyttigheten av å optimalisere instruksjonene for korte programmer? Hvordan vil resonnementet endre seg hvis dette korte programmet var en del av et større program og som kom til å bli kjørt/eksekvert flere ganger i løpet av det større programmet?

**Slik om vist over er det lite å hente ved å optimalisere små programmer. Men hvis dette er en funksjon/routine eller kall som hele tiden kalles og kjøres flere ganger (f.eks i loop) som en del av et større program som er i minne lengre enn tiden det tar å laste den i minne så vil dette være verdt å optimalisere.**

## Oppgave 2: Pipeline Speedup

- (a) **Speedup** for en pipelinet program er relasjonen mellom **execution time** for sekvensiell eksekvering over pipelinet eksekvering av programmet. Slik som forelest så vil det gå med litt tid til å initialt fylle pipelinet med instruksjoner, hvis vi ser bort fra hazarder nå så vil dette føre til at vi ikke kan klare å få en speed-up lik  $k$ , men nesten. Beregn speed-up for følgende setting:

$$n = 100 \quad k = 5 \quad t = 1\text{ns}$$

Vurder så **penaltyen** som ligger for å fylle pipelinet.

**Ideelt sett så kan man forvente at speed-up tilnærmet  $k$  siden en ikke pipelinet program tar nkt sekunder til å eksekvere og en pipelined program kan nærme seg nt sekunder, derav vil optimalt speed-upen bli:**

$$nkt / nt = k$$

**Men problemet med at den initiale fyllingen av pipelinet vil føre til at:**

$$kt + (n-1)t = (k + n - 1) t$$

**Dette betyr at den nye formelen blir**

$$nkt / (k+n-1)t = nk / (k+n-1)$$

**For settingen gitt av oppgaven blir speed-upen bli:**

$$= 100 \times 5 / (5+100-1)$$

$$= 500 / 104$$

$$= 4,81$$

**Hvorav CPI blir  $104 / 100 = 1,04$ .**

**Merk at for høye  $n$  så er denne penaltyen ikke så dominerende.**

(b) Nå skal vi se på effekten hazarder har for speed-up i en pipeline. La oss estimere **penalty** for eksempel for en **control hazard**. La oss anta at CPUen ikke har **branch prediction**. Anta at sannsynligheten for at ett gitt program inneholder **branch** instruksjon er  $P_b = 20\%$ , mens sannsynligheten for at det blir utført en **branch** er  $P_t = 70\%$ . La oss videre anta at det ikke er noe **penalty** for en **branch** som ikke blir utført, mens det for en **branch** som slår til vil det koste 3 klokkesykler i stedet for 1. For et program som består av 1000 instruksjoner, hva er speed-upen gitt av den beskrevne situasjonen? Beregn også CPI (**clock cycles needed pr instruction**).

**CPI er gitt av:**

$$\begin{aligned}
 & (1 - P_b P_t) \times 1 + P_b P_t \times 3 \\
 & 1 - P_b P_t + 3 P_b P_t \\
 & 1 + 2 P_b P_t \\
 & 1 + 2 (0,2 \cdot 0,7) \\
 & 1 + 2 (0,14) \\
 & 1 + 0,28 \\
 & 1,28
 \end{aligned}$$

**nt \* CPI = 0,42 us**

(c) Hvordan vil beregningen i oppgave 2b endre seg hvis vi inkluderer en **branch prediction** som kan forutsi 70% ( $P_c = 70\%$ ) av tilfellene for en eksekvering av **branch**? Her kan dere anta at en korrekt forutsett **branch** koster ingen **penalty**, altså bruker bare 1 klokkesyklus. Ellers vil det koste 3 klokkesykler.

**CPI blir forbedret til:**

$$\begin{aligned}
 & 1 - P_b(1 - P_c) + 3 P_b(1 - P_c) \\
 & 1 - 0,2(1 - 0,7) + 3 \cdot 0,2(1 - 0,7) \\
 & 1 - 0,06 + 0,18 \\
 & 1,12
 \end{aligned}$$

**nt \* CPI = 0,37 us**