

## Digital representasjon

- Nesten alt elektrisk utstyr i dag inneholder digital elektronikk.
- PC'er, mobiltelefoner, MP3-spillere, DVD/CD-spillere, biler, kjøleskap, TV, fotoapparater, osv osv.

• Hva betyr digital?

- prosessering eller behandling av informasjon ved bruk av numeriske metoder (dvs. tall) eller med diskrete enheter

• De første datamaskiner brukte radiatorer

- Størrelse og effektforbruk som en vanlig lyspære
- En meget enkel datamaskin laget av radiatorer har effektforbruk på mange kW og avgir nesten alt som varme

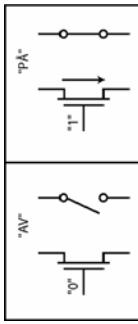
• Revolusjon: Oppfinnelsen av transistoren

- Grunnlaget for vår digitale hverdag!
- Den egentlige årsaken til teknologiytviklingen de siste tiårene
- Prinsippet fungerer de fleste datamaskiner ganske likt i dag som de gjorde på 1940-tallet.
- Utviklingen består stort sett i at datamaskinen har blitt mindre i takt med teknologien, og man har fått plass til langt flere elementer i f.eks. CPUer.

INF2270 1/10

2008

## **Transistorens virkemåte (1)**



• En transistor kan sammenlignes med en elektrisk bryter

• Bryteren er enten AV eller PA

• En transistor kan være svært liten:

- State-of-art transistor-teknologi: 0.0000000045m lengde og 0.000000009m bredde
- $4.5 \cdot 10^{-8}m \times 9 \cdot 10^{-8}m$ , dette kalles 45nm-teknologi
- På et lite areal får man plass til mange millioner transistorer
  - Svært mye regnekraft på størrelse med et knappenhåndlede
  - 145nm teknologi: ca. 30 millioner transistorer hvil hødet er 1.5mm i diameter
  - Intel 4004 (1971) hadde 2300 transistorer
  - Itanium Dual Core (2006) har 1.7 milliarder transistorer (90nm-teknologi)
  - Siste Intel prosessor: Intel Core 2 Extreme QX9650 (Yorkfield) har ca. 820 millioner transistorer i 45nm-teknologi (oktober 2007)
- Transistoren bruker svært lite strøm når den enten er AV og PA
  - Men allikevel noe, og denne hvilestrømmen varierer fra transistor til transistor

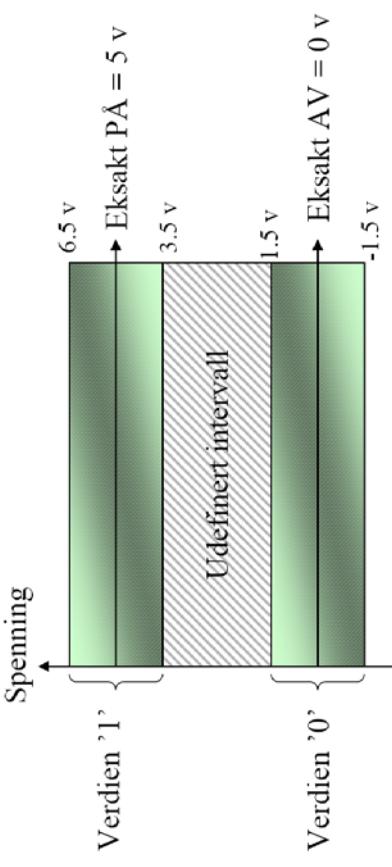
INF2270

2008

## **Transistorens virkemåte (2)**

- Transistoren bruker mer strøm når den slås AV eller PA
  - Kan endre tilstand i løpet av nanosekunder ( $10^{-9}$  sekunder)
  - Svitsjtid og -strøm varierer fra transistor til transistor
- Umulig å lage en transistorer som helt AV eller helt PA
- Umulig å lage to transistorer som er identiske
  - Variasjon i hvilestrøm, svitsjtid og -strøm
- Konklusjon: Trenger informasjons-representasjon som er **robust**
  - Må tolerere variasjoner i transistorer
  - Må også tolerere variasjoner mellom transistorer
- Løsning: 2-tallsystemet som kun har to verdier: '0' og '1'

## **Transistorens virkemåte (3)**



INF2270

2008

## Boolisk algebra

- Boolisk algebra har variablene kun to verdier:  
• "0" og "1"
- Benenes også *TRUE* og *FALSE*
- En boolsk variabel har enten verdien '0' eller '1'
- Må ikke forveksles med tallene 0 og 1 i tallsystemet

- Boolisk algebra har tre basisoperatører: AND, OR og NOT

| AND: Boolsk produkt |   | OR: Boolsk sum |   | NOT: Invertering |
|---------------------|---|----------------|---|------------------|
| a                   | b | a              | b | a'               |
| 0                   | 0 | 0              | 0 | 1                |
| 0                   | 1 | 0              | 1 | 0                |
| 1                   | 0 | 1              | 0 | 1                |
| 1                   | 1 | 1              | 1 | 0                |

Merk:  $\times$  og  $+$  har ingenting med multiplikasjon og addisjon i "vanlig" algebra å gjøre!

INF2270 5/10



## Boolisk Algebra (forts.)

- Andre booliske funksjoner defineres vha AND, OR og NOT:  

$$\begin{aligned} a \text{ XOR } b &= (a \text{ AND } (\text{NOT } b)) \text{ OR } ((\text{NOT } a) \text{ AND } b) \\ &= a \times b' + a' \times b \end{aligned}$$

$$a \text{ XNOR } b = (a \text{ AND } b) \text{ OR } ((\text{NOT } a) \text{ AND } (\text{NOT } b))$$

$$= a \times b + a' \times b'$$

$$\begin{aligned} a \text{ NAND } b &= \text{NOT } (a \text{ AND } b) \\ &= a' + b' \quad (\text{Merk denne!}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a \text{ NOR } b &= \text{NOT } (a \text{ OR } b) \\ &= a' \times b' \quad (\text{Merk denne også!}) \end{aligned}$$

- De to siste reglene bruker de Morgans teorem:  

$$\begin{aligned} (a \times b)' &= a' + b' \\ (a + b)' &= a' \times b' \end{aligned}$$

INF2270 6/10

## DeMorgans teorem

- Kan vise DeMorgans teorem for NAND og NOR ved å sette opp tabell for hver side

| a | b | (ab)' |
|---|---|-------|
| 0 | 0 | 1     |
| 0 | 1 | 1     |
| 1 | 0 | 1     |
| 1 | 1 | 0     |

| a | b | a'b' |
|---|---|------|
| 0 | 0 | 1    |
| 0 | 1 | 1    |
| 1 | 0 | 1    |
| 1 | 1 | 0    |

| a | b | (a+b)' |
|---|---|--------|
| 0 | 0 | 1      |
| 0 | 1 | 1      |
| 1 | 0 | 1      |
| 1 | 1 | 0      |

| a | b | a'b' |
|---|---|------|
| 0 | 0 | 1    |
| 0 | 1 | 1    |
| 1 | 0 | 1    |
| 1 | 1 | 0    |

INF2270 7/10

## Booliske regneregler

- Andre regneregler i boolisk algebra:

$$a \times a' = 0$$

$$a \times a = a$$

$$a + 0 = a$$

$$a + 1 = 1$$

$$(a')' = a$$

$$a + b = b + a$$

$$a(bc) = (ab)c$$

$$a + bc = (a + b)(a + c)$$

2008

2008

8/10

7/10

INF2270



## Boolske funksjoner

- Beskrives med funksjonsuttrykk eller sannhetsverditabell

- Eksempel 1: Funksjon med 2 variable:

$$F = ab + a'b'$$

| a | b | F |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 |

Eksempel 2: Funksjon med 3 variable

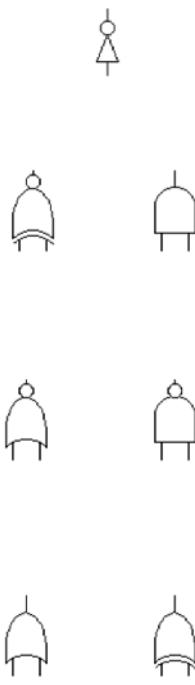
$$G = abc + a'c + ab'$$

| a | b | c | G |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |

2008

9/10

INF2270



10/10

INF2270

2008

10/10

INF2270

- Funksjonsuttrykk eigner seg best ved få variable og ledd
- Sannhetsverditabell eigner seg for funksjoner med mange ledd og variable, og for maskin-representasjon (eks datamaskin-assistert design)
- Enkle funksjoner representeres grafisk ved hjelp av symboler kalt (logiske) porter:

## Boolske funksjoner (forts.)