



INF2440 – Effektiv parallellprogrammering

Uke 2, våren2014 - tidtaking

Arne Maus
OMS,
Inst. for informatikk



Oppsummering – Uke1

- Vi har gjennomgått hvorfor vi får flere-kjerne CPUer
- Tråder er måten som et Javaprogram bruker for å skape flere uavhengige parallelle programflyter i tillegg til main-tråden
- Tråder deler felles adresserom (data og kode)
- Vi kan gjøre mange typer feil, men det er alltid en løsning.
- En stygg feil vi kan gjøre: Samtidig oppdatering (skriving) på delte data, på samme variabel (eks: i++)
- Samtidig skriving på en variabel må synkroniseres:
 - Alle objekter kan nyttes som en synkroniseringsvariabel, og da kan vi bruke enten en synchronized metode for å gjøre det,
 - eller objekter av spesielle klasser som:
 - CyclickBarrier
 - Semaphore (undervises Uke2)
 - De inneholder metoder som `await()`, som gjør at tråder venter.



Tråder i Java (lett revidert og kompilerbar)

- Er én programflyt, dvs. en serie med instruksjoner som oppfører seg som ett program – og kjører på en kjerne
- Det kan godt være (langt) flere tråder enn det er kjerner.
- En tråd er ofte implementert i form av en indre klasse i den klassen som løser problemet vårt (da får de greit **felles data**):

```
import java.util.concurrent.*;
class Problem { int [] fellesData ; // dette er felles, delte data for alle trådene
    public static void main(String [] args) {
        Problem p = new Problem();
        p.utfoer();
    }
    void utfoer () { Thread t = new Thread(new Arbeider());
        t.start();
    }

    class Arbeider implements Runnable {
        int i, lokalData; // dette er lokale data for hver tråd
        public void run() {
            // denne kalles når tråden er startet
        }
    } // end indre klasse Arbeider
} // end class Problem
```

Flere tråder samtidig oppdatering av en variabel : i

- Alle trådene (1,2 20 , 200 og 2000) prøver samtidig å utføre i++ 100 000 ganger
- Vi skal se på programmet som produserte dette:

| Antall tråder n | | 1 | 2 | 20 | 200 | 2000 |
|-----------------|---------|---------|--------|---------|----------|-----------|
| Svar | 1.gang | 100 000 | 200000 | 1290279 | 16940111 | 170127199 |
| | 2. gang | 100 000 | 159234 | 1706068 | 16459210 | 164954894 |
| Tap | 1.gang | 0 % | 0% | 35,5% | 15,3% | 14,9% |
| | 2. gang | 0% | 20,4% | 14,6% | 17,7% | 17,5% |

Programmet som laget tabellen

```
import java.util.*;
```

```
import easyIO.*;
```

```
import java.util.concurrent.*;
```

```
/** Viser at manglende synkronisering på ett felles objekt gir feil – bare loesning 1) er riktig!*/
```

```
public class Parallell {
```

```
    int tall; // Sum av at 'antTraader' traader teller opp denne
```

```
    CyclicBarrier b; // sikrer at alle er ferdige naar vi tar tid og sum
```

```
    int antTraader, antGanger, svar; // Etter summering: riktig svar er: antTraader*antGanger
```

```
    //synchronized void inkrTall(){ tall++;} // 1) –OK fordi synkroniserer på samme objekt p
```

```
    void inkrTall() { tall++;} // 2) - feil
```

```
public static void main (String [] args) {
```

```
    if (args.length < 2) {
```

```
        System.out.println("bruk >java Parallell <antTraader> <n= antGanger>");
```

```
    }else{
```

```
        int antKjerner = Runtime.getRuntime().availableProcessors();
```

```
        System.out.println("Maskinen har "+ antKjerner + " prosessorkjerner.");
```

```
        Parallell p = new Parallell();
```

```
        p.antTraader = Integer.parseInt(args[0]);
```

```
        p.antGanger = Integer.parseInt(args[1]);
```

```
        p.utfor();
```

```
    }
```

```
} // end main
```

■ kode for main-tråden

■ kode for trådene

```

void utskrift (double tid) {
    svar = antGanger*antTraader;
    System.out.println("Tid "+antGanger+" kall * "+ antTraader+" Traader =" +
        Format.align(tid,9,1)+ " millisek,");
    System.out.println(" sum:"+ tall +", tap:"+ (svar -tall)+" = "+
        Format.align( ((svar - tall)*100.0 /svar),12,6)+"%");

} // end utskrift

```

```

void utfor () { // Denne kjøres bare av main-tråden
    b = new CyclicBarrier(antTraader+1); //+1, ogsaa main
    long t = System.nanoTime(); // start klokke

    for (int j = 0; j< antTraader; j++) {
        new Thread( new Para(j) ).start();
    }

    try{ // main thread venter på at alle trådene er ferdige
        b.await();
    } catch (Exception e) {return;}
    double tid = (System.nanoTime()-t)/1000000.0;
    utskrift(tid);

} // utfor

```

```

class Para implements Runnable{
    int ind;
    Para(int iind) { this.ind =ind;}

    public void run() { // Kjøres av hver tråd
        for (int j = 0; j< antGanger; j++) {
            inkrTall();
        }
        try { // wait on all other threads + main
            b.await();
        } catch (Exception e) {return;}
    } // end run

    // void inkrTall() { tall++;} // 3) Feil - usynkronisert
    // synchronized void inkrTall(){ tall++;} // 4) Feil – kallene synkroniserer på
    //      hvert sitt objekt

} // end class Para
} // END class Parallell

```

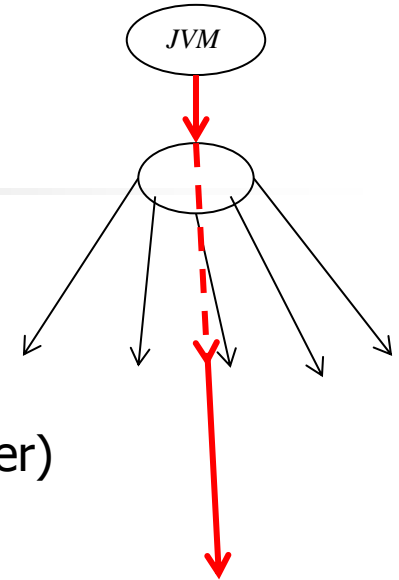
Hvilke typer problem egner seg for parallelle løsninger?

1. Kompleksitetsklasse:
 - $O(1)$, $O(\log n)$, $O(n)$, $O(n \cdot \log n)$, $O(n^{1.5})$, $O(n^2)$, ..., NP
2. Størrelsen på data: n
 - Sorterer vi 100 eller 100 mil. tall?
 - Multipliserer vi to 4×4 matriser eller to 2000×2000 matriser?
3. Må vi synkronisere på delte data, må antall synkroniseringer være (minst) en orden lavere enn algoritmen pga. 'mye' overhead ved synkronisering.

Dette skal vi se på utover i kurset, med unntak av $O(1)$ – (konstant eksekveringstid uavhengig av datamengden som klart **ikke** egner seg for parallellisering) kan det meste gis en mer effektiv parallell implementasjon ***hvis n er stor nok*** (eller sagt på en annen måte: **hvis kjøretiden er > 0.2 sekund**).

Plan for resten av Uke2

- I) Om å avslutte parallelle tråder
 - La dem bli ferdige med run-metoden, Hvordan teste at alle er ferdige ?
 - Synkronisert avslutning (Semaphore, CyclicBarrier)
 - new Thread – join() – avslutning
- II) Ulike synkroniseringsprimitiver
 - Vi skal bare lære oss noen få - ett tilstrekkelig sett
- III) Hvor mye tid bruker parallelle programmer
 - JIT-kompilering
 - Overhead ved start
 - Synkronisering underveis i beregningene
 - Operativsystem og søppeltømming
- IV) 'Lover' om kjøretid
 - Amdahl lov
 - Gustafsons lov





Avslutning med en CyclicBarrier

- En CyclicBarrier (`cb= new CyclicBarrier (n+1)`)
 - Er tenkt som en ventested, en bom for n tråder (+ evt. main) , alle må vente (sier `cb.await()`) til sistemann ankommer køen, da kan alle fortsette.
 - Tråene er da ferdige og avslutter med å bli ferdige med sin `'run()-metode'` og main forsetter og bruker deres resultat
 - Den sykliske barrieren cb er da strakt klar til å køe nye n tråder som sier `cb.await()` , .. osv
 - `cb.await()` sies inne i en try-catch blokk



Avslutning med en Semaphore

- En Semaphore (`sf = new Semaphore(-n+1)`)
 - Administrerer (i dette tilfellet) $-n+1$ stk. **tillatelser**.
 - To sentrale primitiver:
 - `sf.acquire()` – ber om **en** tillatelse. Hvis det ikke er noen, må tråden vente i en kø (inne i en try-catch blokk)
 - `sf.release()` – gir **én** tillatelse tilbake til semaforen `sf`. Ikke try-catch blokk (Den tillatelsen som gis tilbake behøver ikke vært 'fått' ved hjelp av `acquire()` ; den er bare et tall).
 - Avlutning med Semaphore `sf`:
 - Maintråden sier `sf.acquire()` – og må vente på at det er minst en tillatelse i `sf`.
 - Alle de n nye trådene sier `sf.release()` når de terminerer, og når den siste sier `sf.release()` blir det 1 tillatelse ledig og main fortsetter.



Avslutning med join() - enklest

- Logikken er her at i den rutinen hvor alle trådene lages, legges de også inn i en array. Main-tråden legger seg til å vente på den tråden som den har peker ti skal terminere selv. Venter på alle trådene etter tur at de terminerer:

```
// main –tråden i konstruktøren
Thread [] t = new Thread[n];
for (int i = 0; i < n; i++) {
    t[i] = new Thread (new Arbeider(..));
    t[i].start();
}
.....
// main vil vente her til trådene er ferdige
for(int i = 0; i < n; i++) {
    try{ t[i].join();
        }catch (Exception e){return;};
} .....
```



II) Mange ulike synkroniserings primitiver

Vi skal bare lære noen få !

- `java.util.concurrent`

Classes

[AbstractExecutorService](#)

[ArrayBlockingQueue](#)

[ConcurrentHashMap](#)

[ConcurrentLinkedDeque](#)

[ConcurrentLinkedQueue](#)

[ConcurrentSkipListMap](#)

[ConcurrentSkipListSet](#)

[CopyOnWriteArrayList](#)

[CopyOnWriteArraySet](#)

[CountDownLatch](#)

[CyclicBarrier](#)

[DelayQueue](#)

[Exchanger](#)

[ExecutorCompletionService](#)

[Executor](#)

[FixedThreadPoolExecutor](#)

[ThreadPoolExecutor.AbortPolicy](#)

[ThreadPoolExecutor.CallerRunsPolicy](#)

[ThreadPoolExecutor.DiscardOldestPolicy](#)

[ThreadPoolExecutor.DiscardPolicy](#)

[Semaphore](#)

[SynchronousQueue](#)

[ThreadLocalRandom](#)

[ThreadPoolExecutors](#)

[ForkJoinPool](#)

[ForkJoinTask](#)

[ForkJoinWorkerThread](#)

[FutureTask](#)

[LinkedBlockingDeque](#)

[LinkedBlockingQueue](#)

[LinkedTransferQueue](#)

[Phaser](#)

[PriorityBlockingQueue](#)

[RecursiveAction](#)

[RecursiveTask](#)

[ScheduledThreadPoolExecutor](#)

Interfaces

[BlockingDeque](#)

[BlockingQueue](#)

[Callable](#)

[CompletionService](#)

[ConcurrentMap](#)

[ConcurrentNavigableMap](#)

[Delayed](#)

[Executor](#)

[ExecutorService](#)

[ForkJoinPool.ForkJoinWorkerThreadFactory](#)

[ForkJoinPool.ManagedBlocker](#)

[Future](#)

[RejectedExecutionHandler](#)

[RunnableFuture](#)

[RunnableScheduledFuture](#)

[ScheduledExecutorService](#)

[ScheduledFuture](#)

[ThreadFactory](#)

[TransferQueue](#)

java.util.concurrent.atomic

De har samme virkning (semantikk) som volatile variable (forklares senere), men kan gjøre mer sammensatte operasjoner. Mye raskere enn synchronized methods.

Eksempel på operasjoner i **AtomicIntegerArray**:

| | |
|------|--|
| int | get (int i) Gets the current value at position i. |
| int | getAndAdd (int i, int delta) Atomically adds the given value to the element at index i. |
| int | getAndDecrement (int i) Atomically decrements by one the element at index |
| void | set (int i, int newValue) Sets the element at position i to the given value. |

Classes

[AtomicBoolean](#)

[AtomicInteger](#)

[AtomicIntegerArray](#)

[AtomicIntegerFieldUpdater](#)

[AtomicLong](#)

[AtomicLongArray](#)

[AtomicLongFieldUpdater](#)

[AtomicMarkableReference](#)

[AtomicReference](#)

[AtomicReferenceArray](#)

[AtomicReferenceFieldUpdater](#)

[AtomicStampedReference](#)



Vi skal bare lære ett fåtall av dette

- Her er de vi skal konsentrere oss om:
 - `new Thread – join()`
 - `synchronized method`
 - `Semaphore – acquire() og release()`
 - `CyclicBarrier – await()`
 - `ExecutorService pool = Executors.newFixedThreadPool(k);`
med `Futures` - forklares senere
 - `AtomicIntegerArray – get(), set(), getAndAdd(),...`
 - `volatile variable` - forklares senere
- Alle de synkroniseringer vi trenger, kan gjøres med disse!
- De fleste andre har sine måter å gjøre det på, men man har neppe tid til å lære seg alle.
- Bedre å bli flink i et lite og tilstrekkelig sett av synkroniseringsprimitiver, enn halvgod i de fleste.



II) Tidtagning

- JIT –kompilering
 - Hvor mye betyr det egentlig
- Operativsystemet (Windows eller Linux)
 - Er de like raske?
- Søppeltømming i Java
 - Skjer under kjøring (med i tidene)

Tidsmålinger og JIT (Just In Time) -kompilering

- Tilbake til kompileringen av et Java-program:

javac kompilerer først vårt java-program til en .class fil. som består av **byte-kode**

java (JVM) starter vår program i 'main()', men følger med.

1. Kalles en metode mange ganger, kompileres den over fra bytekode til **maskinkode**.
2. Kalles den enda flere ganger kan denne koden igjen **optimaliseres**

main().
Vårt program kjører først interpretert (byte-koden tolkes).
Blir JIT-kompilert (mens koden kjører) en eller flere ganger. Går mye raskere

Optimalisering – ett eksempel

Original kode

```
class A {  
    B b;  
    public void newMethod() {  
        y = b.get();  
        ...do stuff...  
        z = b.get();  
        sum = y + z;  
    }  
}  
class B {  
    int value;  
    final int get() {  
        return value;  
    }  
}
```

1) Inline get

```
public void  
newMethod() {  
    y = b.value;  
    ...do stuff...  
    z = b.value;  
    sum = y + z;  
}
```

2) Fjern overflødige les

```
public void  
newMethod() {  
    y = b.value;  
    ...do stuff...  
    z = y;  
    sum = y + z;  
}
```

3) Fjern overflødige variable

```
public void  
newMethod() {  
    y = b.value;  
    ...do stuff...  
    y = y;  
    sum = y + y;  
}
```

4) Fjern død kode

```
public void  
newMethod() {  
    y = b.value;  
    ...do stuff...  
    sum = y + y;  
}
```

Mediantider for
finnMax fra
ukeoppgavene:

n= 10 000

Kjøring:0, ant kjerne:8, antTråder:8
Max para = a:9853, paa: 6.30 msek. , nanosek/n: 630.46
Max sekv = a:9853, paa: 0.28 msek. , nanosek/n: 28.38

Kjøring:1, ant kjerne:8, antTråder:8
Max para = a:9853, paa: 0.57 msek. , nanosek/n: 56.87
Max sekv = a:9853, paa: 0.27 msek. , nanosek/n: 26.95

Kjøring:2, ant kjerne:8, antTråder:8
Max para = a:9853, paa: 0.35 msek. , nanosek/n: 35.07
Max sekv = a:9853, paa: 0.01 msek. , nanosek/n: 1.36

Kjøring:3, ant kjerne:8, antTråder:8
Max para = a:9853, paa: 0.57 msek. , nanosek/n: 56.87
Max sekv = a:9853, paa: 0.01 msek. , nanosek/n: 0.66

Kjøring:4, ant kjerne:8, antTråder:8
Max para = a:9853, paa: 0.43 msek. , nanosek/n: 43.47
Max sekv = a:9853, paa: 0.01 msek. , nanosek/n: 1.33

Kjøring:5, ant kjerne:8, antTråder:8
Max para = a:9853, paa: 0.49 msek. , nanosek/n: 49.20
Max sekv = a:9853, paa: 0.01 msek. , nanosek/n: 1.36

Kjøring:6, ant kjerne:8, antTråder:8
Max para = a:9853, paa: 0.48 msek. , nanosek/n: 47.84
Max sekv = a:9853, paa: 0.01 msek. , nanosek/n: 1.43

Median seq time: 0.014, median para time: 0.569,
Speedup: 0.03, n = 10000

n= 10 mill

Kjøring:0, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 14.08 msek. , nanosek/n: 1.41

Max sekv = a:9999216, paa: 6.98 msek. , nanosek/n: 0.70

Kjøring:1, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 3.17 msek. , nanosek/n: 0.32

Max sekv = a:9999216, paa: 4.75 msek. , nanosek/n: 0.47

Kjøring:2, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 2.79 msek. , nanosek/n: 0.28

Max sekv = a:9999216, paa: 5.04 msek. , nanosek/n: 0.50

Kjøring:3, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 2.87 msek. , nanosek/n: 0.29

Max sekv = a:9999216, paa: 5.05 msek. , nanosek/n: 0.51

Kjøring:4, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 2.92 msek. , nanosek/n: 0.29

Max sekv = a:9999216, paa: 5.03 msek. , nanosek/n: 0.50

Median seq time: 5.052, median para time: 3.173,

Speedup: 1.59, n = 10 000 000

```
M:\INF2440Para\FinnMax\FinnMaxokt2013>java -Xint FinnMaxMulti 10000000 5
```

Kjøring:0, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 67.24 msek. , nanosek/n: 6.72

Max sekv = a:9999216, paa: 179.40 msek. , nanosek/n: 17.94

Kjøring:1, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 64.00 msek. , nanosek/n: 6.40

Max sekv = a:9999216, paa: 175.12 msek. , nanosek/n: 17.51

Kjøring:2, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 51.42 msek. , nanosek/n: 5.14

Max sekv = a:9999216, paa: 176.23 msek. , nanosek/n: 17.62

Kjøring:3, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 64.95 msek. , nanosek/n: 6.49

Max sekv = a:9999216, paa: 173.17 msek. , nanosek/n: 17.32

Kjøring:4, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9999216, paa: 60.11 msek. , nanosek/n: 6.01

Max sekv = a:9999216, paa: 185.84 msek. , nanosek/n: 18.58

Median seq time: 179.403, median para time: 64.950,

Speedup: 2.76, n = 10 000 000

**JIT-
kompilering
avslått :
> java -Xint**

.....
n= 10 mill

M:\INF2440Para\FinnMax>java FinnM 100000000 5

Kjoering:0, ant kjerner:8, antTraader:8

Max verdi parallell i a:99989305, paa: 41.913504 millisek.

Max verdi sekvensiell i a:99989305, paa: 238.799921 millisek.

n= 100 mill

Kjoering:1, ant kjerner:8, antTraader:8

JIT-kompilering +optimalisering

Max verdi parallell i a:99989305, paa: 26.78024 millisek.

Max verdi sekvensiell i a:99989305, paa: 235.431219 millisek.

Kjoering:2, ant kjerner:8, antTraader:8

Max verdi parallell i a:99989305, paa: 27.791271 millisek.

Max verdi sekvensiell i a:99989305, paa: 248.066478 millisek.

Søppel-tømming

Kjoering:3, ant kjerner:8, antTraader:8

Max verdi parallell i a:99989305, paa: 26.86283 millisek.

Max verdi sekvensiell i a:99989305, paa: 236.013201 millisek.

Kjoering:4, ant kjerner:8, antTraader:8

Max verdi parallell i a:99989305, paa: 27.755575 millisek.

Max verdi sekvensiell i a:99989305, paa: 223.535073 millisek.

Median sequential time:236.013201, median parallel time:27.755575,

n= 100000000, **Speedup: 8.59**



Hva betyr dette for tidsmålingene

- Første gangen vi gjør er tiden vi måler en sum av:
 - Først litt interpretering av bytekodet
 - Så oversetting(kompilering) av hyppig brukte metoder til maskinkode
 - kjøring av resten av programmet dels i maskinkode.
- Andre gang vi kjører, kan følgende skje:
 - JVM finner at noen av maskinkompilerte metodene våre må optimaliseres ytterligere
 - Kjøretiden synker ytterligere
- Tredje gang er som oftest optimaliseringen ferdig
- Tidtagningen vår må endres !
- Vi kjører det sekvensielle og parallelle programmet f.eks 9 ganger i en løkke , noterer alle kjøretider i to arrayer som så sorteres og vi velger medianverdien = $a[(a.length-1)/2]$



Konklusjon på JIT-kompilering

- JIT-kompilering kan skrues av med `>java -Xint MittProg ..`
 - Brukes bare for debugging
- JIT kompilering kan gi 10 til 30 ganger så rask eksekvering for liten n
- Første, andre (og tredje) kjøring er tidsmessig sterkt misvisende
- Vi må:
 - Kjøre programmet i en løkke f.eks 9 (eller 7 eller 11) ganger
 - Legge tidene i hver sin array (sekvensielt og parallell tid)
 - Sortere arrayene
 - Ta ut medianen ($\text{element}(\text{length}-1)/2$), som blir vår tidsmåling


```

import java.util.concurrent.*;
import java.util.*;
class Problem2 { int [] fellesData ; // dette er felles, delte data for alle trådene
    double [] tidene ;
    int ant, svar;
    public static void main(String [] args) {
        ( new Problem()).utfoer(args);
    }
    void utfoer (String [] args) {
        ant = new Integer(args[0]);
        fellesData = new int [ant];
        tidene = new double[9];
        for (int m = 0; m <9; m++) {
            long tid = System.nanoTime();
            Thread t = new Thread(new Arbeider());
            t.start();
            try{t.join();}catch (Exception e) {return;}
            tidene[m] = (System.nanoTime() -tid)/1000000.0;
            System.out.println("Tid for "+m + ", tråd:"+tidene[m]+"millisec");
        }
        Arrays.sort(tidene);
        System.out.println("Median med svar:"+svar+", for trådene:"+tidene[(tidene.length-1)/2]+" millisec");
    } // end utfoer

    class Arbeider implements Runnable {
        int i,lokalData; // dette er lokale data for hver tråd
        public void run() {
            int sum =0;
            for (int i = 0; i < ant; i++) sum +=fellesData[i];
            svar =sum;
        }
    } // end indre klasse Arbeider
} // end class Problem

```



Hva med operativsystemet:

- Linux og Windows har like rask implementasjon av Java og trådprogrammering,
- Dag Langmyhr testet to helt like maskiner med hhv. Linux og Windows, og resultatene tidsmessig (medianer) var nesten helt like, men
 - Ulike maskiner som Ifis store servere (diamant, safir,..) har en annen Linux og en noe langsommere ytelse for korte, trådbaserte programmer.

Hva med søppeltømming – garbage collection:

- Søppeltømming (=opprydding i lageret og fjerning av objekter vi ikke lenger kan bruke) kan slå til når som helst under kjøring:

Kjøring:2, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9853, paa: 0.35 msek. , nanosek/n: 35.07

Max sekv = a:9853, paa: 0.01 msek. , nanosek/n: 1.36

Kjøring:3, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9853, paa: 0.57 msek. , nanosek/n: 56.87

Max sekv = a:9853, paa: 0.01 msek. , nanosek/n: 0.66

Kjøring:4, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9853, paa: 0.43 msek. , nanosek/n: 43.47

Max sekv = a:9853, paa: 0.01 msek. , nanosek/n: 1.33

Kjøring:5, ant kjerner:8, antTråder:8

Max para = a:9853, paa: 0.49 msek. , nanosek/n: 49.20

Max sekv = a:9853, paa: 0.01 msek. , nanosek/n: 1.36



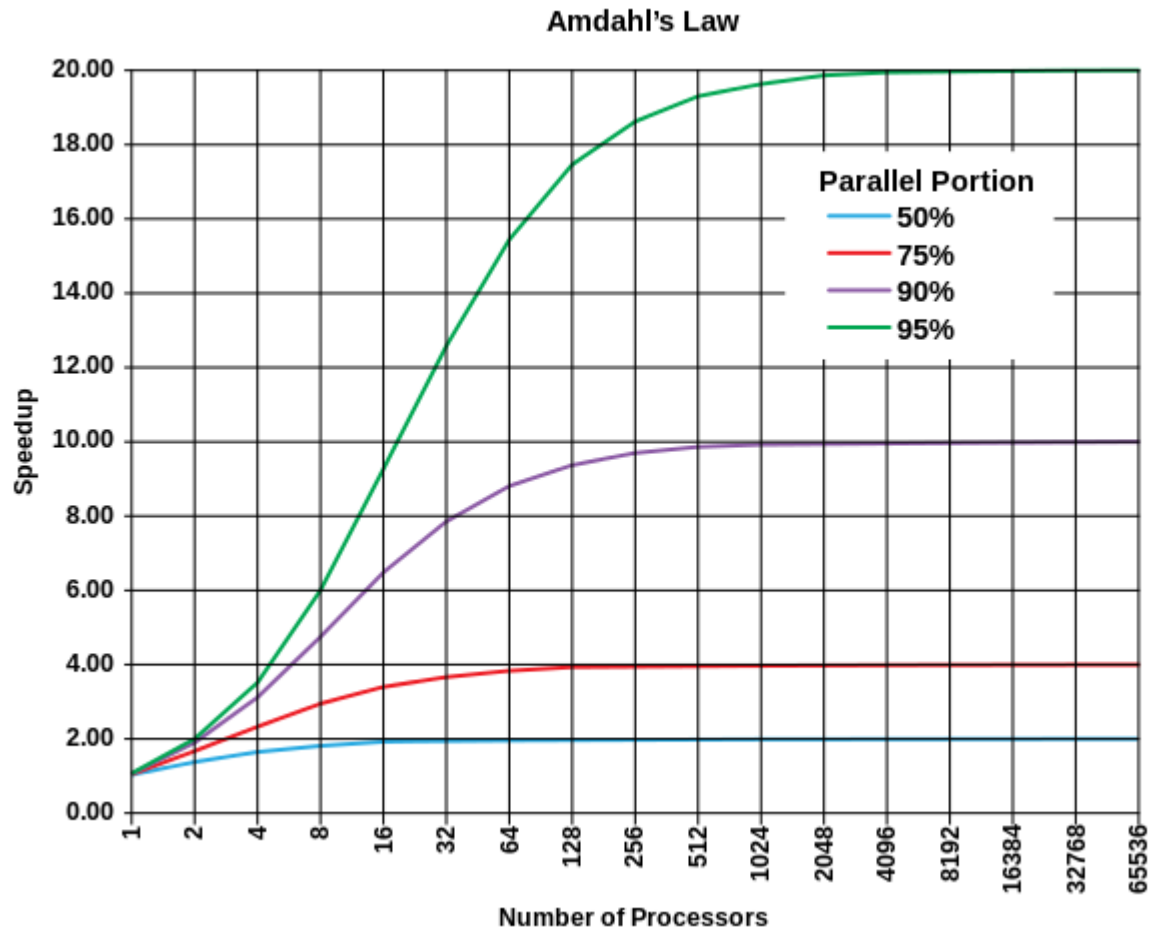
Amdahl lov for parallelle beregninger

- Amdahl lov: Har du **seq** andel sekvensiell kode og da **p** andel parallelliserbar kode i et program, **seq+p=1**, er den største speedup S du kan få med k kjerner:

$$S = \frac{\text{tid}(\text{sekvensiell})}{\text{tid}(\text{parallell})} = \frac{1}{\text{seq}+p/k} = \frac{1}{1-p+p/k}$$

- Når $k \rightarrow \infty$, vil $S \rightarrow \frac{1}{1-p}$.
- Er $p=0.9$, så er $S \leq 10$ uansett hvor mange kjerner du har, og har du 'bare' 50, er $S = \frac{1}{1-0.9+0.9/50} = 8,5$.
- Amdahls lov er pessimistisk- antar fast størrelse på problemet
- «Hvis du først har brukt 10% av tida på en sekvensiell del, så kan resten av programmet ikke gå fortere enn 0.00 sekunder uansett hvor mange prosessorer du bruker på det. Dvs. at speedup ≤ 10 »

Amdahl for ulike verdier av p



Amdahl – viktig å parallellisere største del

Two independent parts

A **B**

Original process



Make **B** 5x faster



Make **A** 2x faster





Gustafsons lov for parallelle beregninger

- La S være speedup, P antall kjerner og α andel sekvensiell kode, så er:

$$S(P) = P - \alpha (P - 1)$$

Fordi:

Parallell løsning: $a + b$ ($a =$ sekvensiell tid, $b =$ parallel tid)

Sekvensiell løsning : $a + P * b$

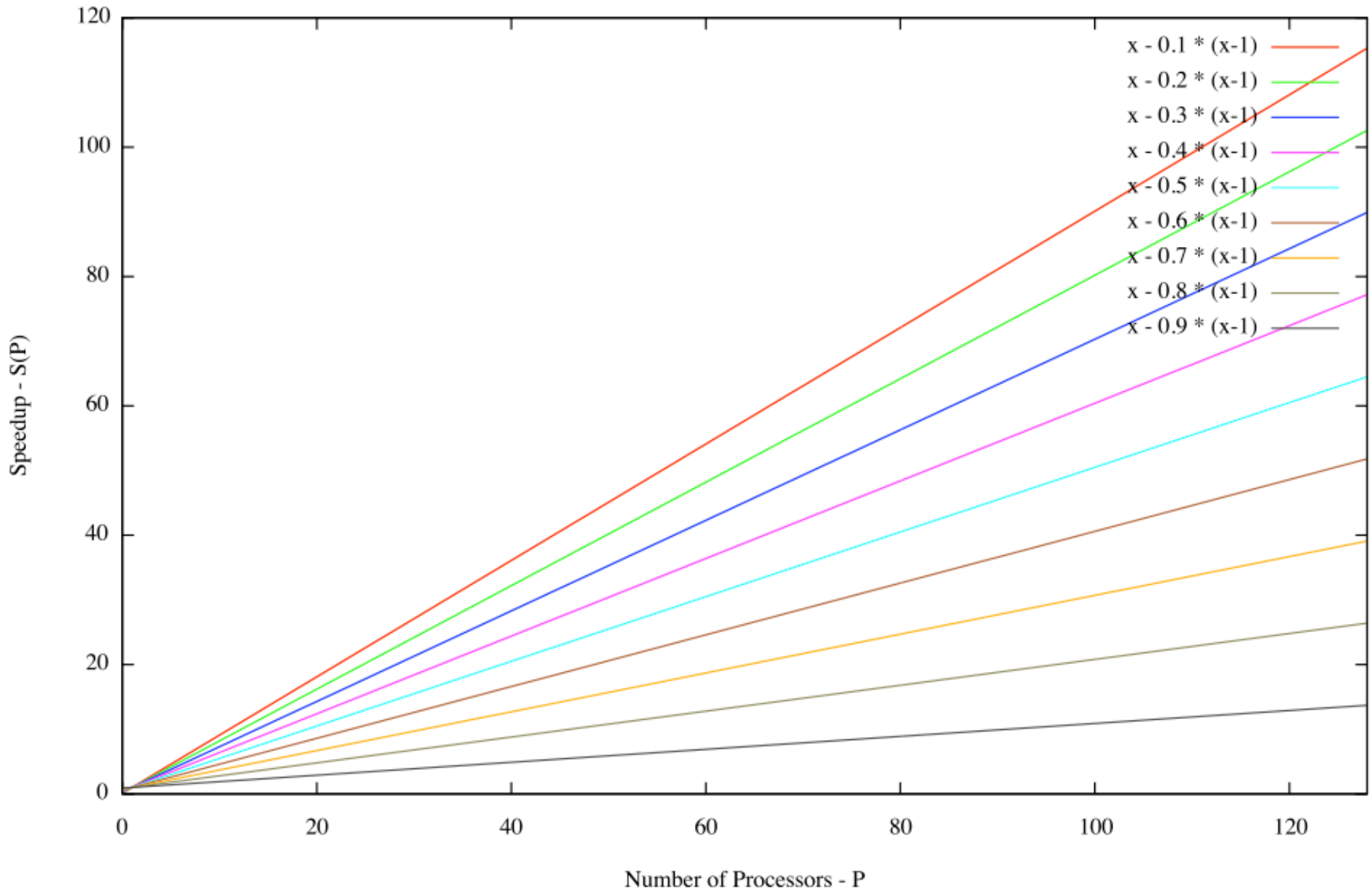
Speedup er da:

$(a + P * b)/(a + b)$, og definerer $\alpha = \frac{a}{a+b}$, så er:

$$S(P) = \alpha + P * (1 - \alpha) = P - \alpha(P - 1)$$

- Gustafson er mer optimistisk enn Amdahl, gir høyere speedup fordi han antar at med flere maskiner vil vi øke størrelsen på problemet.
- «Hvis du tidligere brukte 1 time på å løse et problem sekvensielt, vil du nå også bruke 1 time på å løse et større, mer nøyaktig problem parallelt – for eksempel i meteorologi.»

Gustafson's Law: $S(x) = x - \alpha(x - 1)$,





Sammenligning av Amdahl og Gustafson + egne betraktninger

- Amdahl antar at oppgaven er fast av en gitt lengde(n)
- Gustafson antar at du med parallelle maskiner løser større problemer (større n) og da blir den sekvensielle delen mindre.
- Min betraktning:
 1. En algoritme består av noen sekvensielle deler og noen parallelliserbare deler.
 2. Hvis de sekvensielle delene har lavere orden – f.eks $O(\log n)$, men de parallelle har en større orden – eks $O(n)$ så vil de parallelle delene bli en stadig større del av kjøretida hvis n øker (Gustafson)
 3. Hvis de parallelle og sekvensielle delene har samme orden, vil et større problem ha samme sekvensielle andel som et mindre problem (Amdahl).
 4. I tillegg kommer alltid et fast overhead på å starte k tråder (1-4 millisek.)Algoritmer vi skal jobbe med er mer av type 2 (Gustafson) enn type 3(Amdahl) men vi har alltid overhead, så små problemer løses lettest sekvensielt.

Konklusjon: For store problemer bør vi ha håpet om å skalere nær lineært med antall kjerner hvis ikke vi f.eks får kø og forsinkelser når alle kjernene skal lese/skrive i lageret.



Hva har vi sett på i Uke2

- I) Tre måter å avslutte tråder vi har startet.
 - `join()`, Semaphore og CyclicBarrier.
- II) Mange ulike synkroniseringsprimitiver
 - Vi skal bare lære oss noen få - ett tilstrekkelig sett
- III) Hvor mye tid bruker parallelle programmer
 - JIT-kompilering, Overhead ved start, Synkronisering, Operativsystem og søppeltømming
- IV) 'Lover' om Kjøretid
 - Amdahl lov
 - Gustafsons lov



Kan det gå galt når to tråder samtidig skriver i ulike plasser i en array?

- Et problemet kunne være at når en av tråden lester opp et element i $a[i]$ (int = 4 byte), så er cache-linja 64 byte, så den får med seg flere elementer før og etter $a[i]$.
- Disse 'andre' elementene er det andre tråder som skriver på.
- Vi skriver et testprogram (ParaArray) hvor 10 tråder med indeks : 0,1,2,..,9 som øker hvert sitt element i en array $tall[index]$ 100 000 ganger.

Skriving på nærliggende elementer i en array.

```
class ParaArray{
    int []tall;
    CyclicBarrier b ;
    int antTraader, antGanger ;

    ....
class Para implements Runnable{
    int indeks;
    Para(int i) { indeks =i;}
    public void run() {
        for (int j = 0; j< antGanger; j++) {
            oekTall(indeks);
        }
        try { // wait on all other threads + main
            b.await();
        } catch (Exception e) {return;}
    } // end run
    void oekTall(int i) { tall[i]++; }
} // end ParaArray
```

- Cache-linja er nå 64 byte (og en int er 4 byte)
- Går det greit med at flere tråder (indeks=0,1,...,k-1) skriver på a[tråd.indeks] mange ganger i parallell?
- Tester: Vi lageret program som gjør det :

```
>java ParaArray 10 100000000
Maskinen har 8 prosessorkjerner.
Tid 100000000 kall * 10 Traader =
0.032600 sek,
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
sum:100000000, tap:0 = 0.0%
```



Konklusjon:

- Skrivning i **ulike** elementer samtidig i en array går bra.
 - Dette skal vi bruke mye i kommende algoritmer.
 - (kan riktignok medføre noe ekstra eksekveringstid – det ser vi på senere)
- Men skrivning **samtidig** i **samme** element går galt!