

## SIGNALER I DISKRET TID

- Ukeoppgavene skal leveres som selvstendige arbeider. Det forventes at alle har satt seg inn i instituttets krav til innleverte oppgaver:
  - Norsk versjon: <http://www.mn.uio.no/ifi/studier/admin/obliger>
- Krav til godkjenning av innleverte oppgaver er beskrevet på hjemmesiden til INF3470:
  - [http://www.uio.no/studier/emner/matnat/ifi/INF3470/h13/oppgaver\\_krav.html](http://www.uio.no/studier/emner/matnat/ifi/INF3470/h13/oppgaver_krav.html)

### Oppgave 1— Oppgave 2.1 fra læreboka: Diskrete signaler

Vekt:1

a)  $\boxed{60}$  b)  $\boxed{15}$  c)  $\boxed{56}$  d)  $\boxed{4}$  e)  $\boxed{P = 1/2}$  f)  $\boxed{64 \cdot \frac{4}{3}}$

### Oppgave 2— Oppgave 2.4 fra læreboka: Operasjoner

Vekt:1

a)  $\boxed{\{\downarrow 0, 0, 16, 8, 4, 2\}}$  b)  $\boxed{\{16, 8, \downarrow 4, 2\}}$  c)  $\boxed{\{\downarrow 0, 0, 2, 4, 8, 16\}}$  d)  $\boxed{\{2, 4, 8, 16, \downarrow 0\}}$

### Oppgave 3— Oppgave 2.6 fra læreboka: Energi og effekt

Vekt:1

a)  $\boxed{\{\dots, 1, 1, 1, 0, 0, 0, \downarrow 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, \dots\}}$  b)  $\boxed{\{\dots, 0, 1, 2, 4, 8, 0, \downarrow 1, 2, 4, 8, 0, 1, 2, 4, 8, \dots\}}$

### Oppgave 4— Oppgave 2.7 fra læreboka: Desimering og interpolasjon

Vekt:1

a)  $\boxed{\{4, \downarrow 2, 3\}}$  b)  $\boxed{\{4, 0, 0, 0, \downarrow 2, 0, -1, 0, 3, 0\}}$  c)  $\boxed{\{4, 4, 0, 0, \downarrow 2, 2, -1, -1, 3, 3\}}$  d)  $\boxed{\{4, 2, 0, 1, \downarrow 2, 1/2, -1, 1, 3, 3/2\}}$

### Oppgave 5— Oppgave 2.9 fra læreboka: Ikke heltallig forsinkelse

Vekt:1

a)  $\boxed{\text{Interpolate by 3, delay by 2, decimate by 3}}$  b)  $\boxed{\{\downarrow 0, 2, 5, 8, 11, 8, \frac{2}{3}\}}$  c)  $\boxed{\text{Interpolate by } N, \text{ delay by } M, \text{ decimate by } N}$

### Oppgave 6— Oppgave 2.10 fra læreboka: Symmetrier

Vekt:1

a)  $\boxed{\{\dots, 1/2, 1, 2, \downarrow 8, 2, 1, 1/2, \dots\}}$ ,  $\boxed{\{\dots, -1/2, -1, -2, \downarrow 0, 2, 1, 1, 1/2, \dots\}}$

b)  $\boxed{\{\dots, 1/2, 1/2, 1/2, \downarrow 1, 1/2, 1/2, 1/2, \dots\}}$ ,  $\boxed{\{\dots, -1/2, -1/2, -1/2, \downarrow 0, 1/2, 1/2, 1/2, \dots\}}$

c)  $\boxed{\{\dots, 1/2, 1/2, 1/2, \downarrow 2, 1/2, 1/2, 1/2, \dots\}}$ ,  $\boxed{\{\dots, -1/2, -1/2, -1/2, \downarrow 0, 1/2, 1/2, 1/2, \dots\}}$

d)  $\boxed{\{\dots, 0, 0, 0, 1/2, 1/2, 1/2, \downarrow 1, 1/2, 1/2, 1/2, 0, 0, 0, \dots\}}$ ,  $\boxed{\{\dots, 0, 0, 0, -1/2, -1/2, -1/2, \downarrow 0, 1/2, 1/2, 1/2, 0, 0, 0, \dots\}}$

e)  $\boxed{\{\dots, 1/6, 1/3, 1/2, 1/3, 1/6, \downarrow 0, 1/6, 1/3, 1/2, 1/3, 1/6, \dots\}}$ ,

$$\{\dots, -1/6, -1/3, -1/2, -1/3, -1/6, \overset{\downarrow}{0}, 1/6, 1/3, 1/2, 1/3, 1/6, \dots\}$$

f)  $\{1, 4, \overset{\downarrow}{4}, 4, 1\}$ ,  $\{-1, 2, 0, -2, 1\}$

### Oppgave 7— Oppgave 2.14 fra læreboka: Diskrete eksponensialer

Vekt:1

a)  $\alpha = 1 \Rightarrow$  the step function,  $\alpha = 1/2 \Rightarrow$  a decaying exponential

b)  $\alpha = -1/2 \Rightarrow$  decaying exponential with alternating polarity,  $\alpha = -1 \Rightarrow$  the step function with alternating polarity,  $\alpha = -2 \Rightarrow$  growing exponential w/ alternating polarity

c)  $\alpha = Ae^{j\theta} \Rightarrow x[n] = A^n e^{j\theta n} u[n]$   $\alpha = \frac{1}{2} e^{j\theta} \Rightarrow x[n] = \left(\frac{1}{2}\right)^n e^{j\theta n} u[n]$   
 $\alpha = -2e^{j\theta} \Rightarrow x[n] = (-2)^n e^{j\theta n} u[n]$

### Oppgave 8— Oppgave 2.19 fra læreboka: Diskrete sinuser

Vekt:1

a)  $F_0 = 1/6, F_1 = 3 + \frac{1}{6}$  b)  $F_0 = 1/6$  and  $1/4, F_1 = 3 + \frac{1}{6}$  and  $3 + \frac{1}{4}, N_{\text{tot}} = 12 \Rightarrow F_{\text{tot}} = 1/12$  c)  $F_0 = \frac{1}{2\pi}, F_1 = 3 + \frac{1}{2\pi}$

### Oppgave 9— Oppgave 2.22 fra læreboka: Endring av frekvenser (pitch) Vekt:1

a) Assuming  $t$  is in seconds, gives  $f_0 = 7.9$  kHz,  $F = 7.9/8 \Rightarrow F_0 = -1/80$

b)  $f_1 = -50$  Hz  $\Rightarrow$  "heard" frequency = 50 kHz c)  $f_1 = -100$  Hz d)  $f_1 = -250$  Hz

### Oppgave 10

Vekt:1

To diskret tid signaler,  $s_k(n)$  og  $s_l[n]$  kalles ortogonale over et intervall  $[N_1, N_2]$  hvis

$$\sum_{n=N_1}^{N_2} s_k[n] s_l^*[n] = \begin{cases} A_k, & k = l \\ 0, & k \neq l \end{cases}$$

Hvis i tillegg  $A_k = 1$  kalles signalene ortonormale.

a) Bevis at den komplekse eksponensialfunksjonen er ortogonal ved å vise relasjonen

$$\sum_{n=0}^{N-1} e^{j2\pi kn/N} e^{-j2\pi ln/N} = \sum_{n=0}^{N-1} e^{j2\pi mn/N} = \begin{cases} N, & m = k - l = 0, \pm N, \pm 2N, \dots \\ 0, & \text{ellers.} \end{cases}$$

for heltallig  $k, l$ .

b) Illustrer gyldigheten av relasjonen i a) ved å plote for hver verdi av  $m = 1, 2, \dots, 6$ , signalene  $s_m[n] = e^{j(2\pi/6)mn}$ ,  $n = 0, 1, \dots, 5$ . (Obs: For hver  $m$  og  $n$  kan signalet  $s_m$  representeres som en vektor i det komplekse plan).