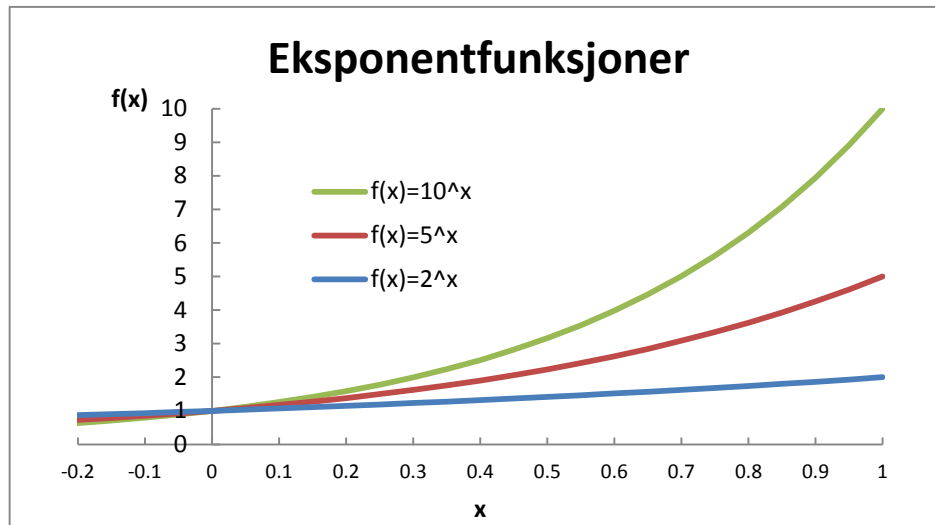


## EKSPONENSIALFUNKSJON OG NATURLIG LOGARITME



Her ser vi grafer for ulike eksponentfunksjoner  $f(x) = a^x$ , med grunntallene  $a = 2$ ,  $a = 5$  og  $a = 10$ . Det finnes en spesiell eksponentfunksjon som ofte brukes i statistiske analyser, og som tar utgangspunkt i et grunntall som kalles for  $e$ . Verdien til  $e$  er lik  $2,71828\dots$  ( $e$  er et tall med uendelig mange desimaler, akkurat som  $\pi = 3,1415\dots$ ). Den såkalte eksponensialfunksjon skrives som  $e^x$  eller  $\exp(x)$ .

Til en vilkårlig eksponentfunksjon hører logaritmen som inverse funksjon:

hvis  $x = a^y$ , er logaritmen av  $x$  lik  ${}^a\log(x)$ ,  $x > 0$ . Her kalles  $a$  for logaritmens grunntall.

Eksempler:

- $x = 10^y \leftrightarrow y = {}^{10}\log(x)$ , grunntall 10.  
Når  $x = 1000 = 10^3$ , blir  ${}^{10}\log(1000)$  lik 3
- $x = 2^y \leftrightarrow y = {}^2\log(x)$ , grunntall 2.  
Når  $x = 32 = 2^5$ , blir  ${}^2\log(32)$  lik 5

Generelt: når  $y = {}^a\log(x)$  tolkes  $y$  som den eksponenten som vi trenger å opphøye grunntallet  $a$  med, for å få  $x$  som svar.

Den logaritmen som har grunntall  $e$  (m.a.o. som tilhører eksponentialfunksjonen) kalles for den naturlige logaritmen og skrives som  ${}^e\log(x)$  eller  $\ln(x)$ . Når  $x = e^y$ , blir  $y$  lik  $\ln(x)$ ,  $x > 0$ . For eksempel,  $\ln(1) = 0$  og  $\ln(e) = 1$ , se figur nedenfor.

Viktige egenskaper:

- Når  $x$  er et tall mellom 0 og 1 ( $x \neq 0$ ), er  $\log(x)$  et tall som er mindre eller lik 0.
- Når  $x$  er et positivt tall, er  $\log(x)$  et tall mellom  $-\infty$  og  $+\infty$ .
- Logaritmen av et produkt er lik summen av logaritmene:  $\log(p \cdot q) = \log(p) + \log(q)$ ,  $p, q > 0$ .

